

# DS 03- Système robotisé d'entraînement à la marche Lokomat

PTSI

Mercredi 20 décembre 2023

## Table des matières

I	Exigence fonctionnelle « Limiter l'amplitude articulaire »	4
II	Exigence fonctionnelle « Assurer le positionnement de la hanche »	10
III	Exigence fonctionnelle « Assurer le déchargement corporel »	12

# Systeme robotisé d'entraînement à la marche Lokomat

## Présentation générale

Ces dernières années, l'intérêt pour les dispositifs robotiques automatisés pour l'entraînement à la marche pour les patients atteints de troubles locomoteurs d'origines diverses s'est développé.

Le Lokomat® fait partie des premiers outils associant une rééducation sur tapis roulant avec allègement corporel à une orthèse robotisée pour les membres inférieurs. Cet outil a été principalement développé afin de pallier l'insuffisance motrice des membres inférieurs chez des patients présentant des troubles de la marche.

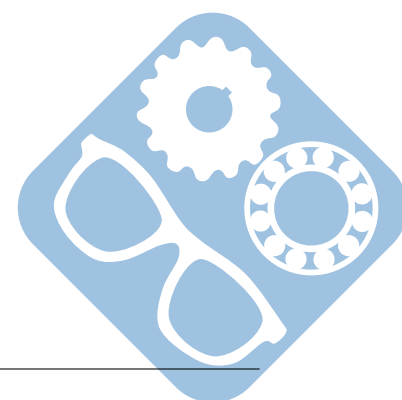
L'orthèse permet de positionner et de soutenir le patient dans sa verticalité, ce qui présente une utilité avérée pour les sujets se déplaçant majoritairement en fauteuil roulant à cause, par exemple, de leur insuffisance musculaire. Le but principal de cet outil est de travailler sur le schéma de marche dans sa totalité afin d'en améliorer la qualité, la performance et l'efficacité et ainsi de permettre une meilleure autonomie du patient lors de ses déplacements quotidiens.

Cette méthode de rééducation se fonde principalement sur un processus d'automatisation du mouvement cyclique, permettant ainsi un (ré)apprentissage sensorimoteur actif et progressif pour le patient. Ce processus se caractérise par des programmes adaptés de (ré)apprentissage des différentes phases de marche et des différents paramètres locomoteurs (vitesse de marche, cadence, longueur et symétrie des pas, etc.).

Le travail par répétition intensive du cycle locomoteur permet également, outre la récupération d'une marche autonome, un renforcement musculaire, cardiovasculaire et respiratoire important. En effet, la rééducation intensive et répétitive consiste à réaliser une activité ciblée avec un nombre élevé de répétitions modulables dans des conditions qui en augmentent la charge comparativement à l'intensité habituellement proposée.



FIGURE 1 – Lokomat®



**Description de l'outil** Le Lokomat® se compose (figures 1 et 2) :

- d'un exosquelette motorisé et programmable à 2 articulations (hanches et genoux). L'exosquelette est composé de capteurs intégrés au moteur au niveau des articulations, mesurant ainsi en permanence le degré d'amplitude articulaire, le degré de participation ou de résistance du patient au cours des cycles de marche. Les mouvements locomoteurs sont donc guidés par l'exosquelette. La programmation de l'orthèse se fait selon la vitesse du tapis roulant et selon le temps des phases de marche correspondant progressivement au schéma de marche normalisée,
- d'un harnais de suspension assurant un allègement réglable du poids du corps du patient. Cet allègement corporel, de 40% du poids du corps au maximum, permet de pallier le déficit musculaire du patient tout en gardant une stimulation sensitive suffisante. Au fil des séances et selon les capacités fonctionnelles du patient, l'allègement est progressivement diminué,
- d'un tapis roulant de marche motorisé proposant une vitesse de déplacement de 0,5 à 5 km/h. Le tapis roulant est synchronisé avec les mouvements articulaires de l'exosquelette. Sa vitesse peut être ajustée au cours de la séance et/ou variée de façon aléatoire proposant ainsi, lors des exercices, une fréquence de marche adaptable,
- de deux écrans :
  - l'un permettant au rééducateur de visualiser et de contrôler chaque articulation (feedback visuel) gauche et droite de l'exosquelette, et d'intervenir sur les différents exercices à proposer au patient en fonction de ses capacités,
  - l'autre proposant une interface entre le patient et les mouvements de l'exosquelette via des exercices spécifiques sous forme de jeux interactifs.

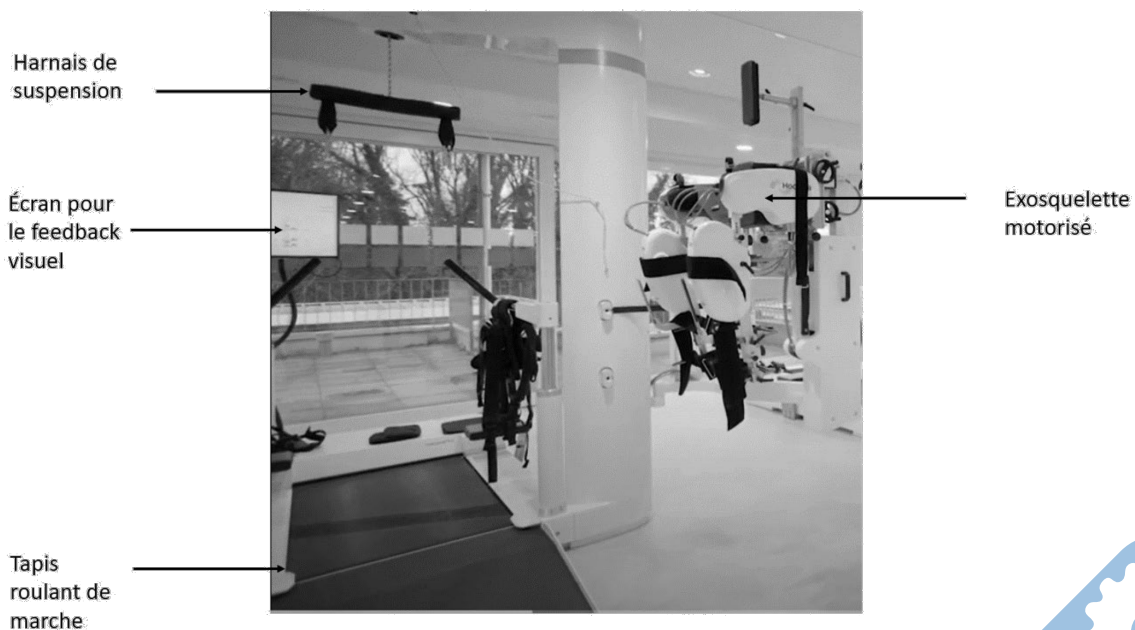


FIGURE 2 – Sous-ensembles constitutifs du Lokomat®

L'objectif principal du système est de reproduire un geste le plus naturellement possible, de manière répétitive et identique. Le thérapeute est en mesure de créer une séance sur



mesure pour le patient en adaptant l'exosquelette en termes de vitesse de marche, de poids supporté par le patient et ainsi du poids compensé par la machine.

L'objectif final est de permettre au patient de retrouver une capacité de marche autonome. Enfin, la prise en charge complète par la machine permet au thérapeute de se focaliser entièrement sur le patient et sa progression plutôt que sur son maintien en position debout.

Une séance de rééducation type dure environ une heure au cours de laquelle le thérapeute reste aux côtés du patient pour l'encourager et le guider. L'exosquelette permet une marche très verticale, robotisée et donc répétitive, c'est cette répétition qui lui donne tout son intérêt par rapport à une technique traditionnelle. Au fur et à mesure des séances, la diminution contrôlée de l'assistance passive encourage le patient à participer davantage.

Dans ce sujet, on s'attachera à valider certaines performances qui caractérisent la capacité de l'exosquelette du Lokomat® à permettre au patient d'effectuer certains mouvements de manière répétitive.

## I Exigence fonctionnelle « Limiter l'amplitude articulaire »

**Objectif global :** vérifier la capacité de l'exosquelette à reproduire un comportement similaire du point de vue de l'amplitude articulaire des hanches lors de la marche normale.

Exigence	Critères d'appréciation	Niveau
Limiter l'amplitude articulaire de la hanche	Plage angulaire flexion	$\theta_{flex} \in [0^\circ, 15^\circ]$
	Plage angulaire extension	$\theta_{ext} \in [-15^\circ, 0^\circ]$

FIGURE 3 – Extrait du cahier des charges associé à l'exigence « Limiter l'amplitude articulaire de la hanche »

### I.1 Étude préliminaire

**Objectif :** analyser et valider une modélisation de l'exosquelette.

L'annexe 1 donne l'architecture générale de l'exosquelette. Les deux articulations sont identiques et constituées des éléments principaux suivants :

- un moteur à courant continu équipé d'un réducteur permet de piloter le reste du mécanisme,
- à chaque articulation, un capteur de position angulaire est placé dans l'axe articulaire et un capteur de force axiale, traction et compression, se situe à l'extrémité de la vis,
- des butées mécaniques amovibles limitent la plage articulaire en fonction des recommandations médicales relatives aux restrictions articulaires du patient. Sans restriction, elles limitent la course angulaire physiologique totale admissible,
- des systèmes coulissants permettent d'ajuster les longueurs des segments de la cuisse, de la jambe et du pied. Ces réglages sont manuels et maintenus par des vis de fixation. Le système de réglage des longueurs de la cuisse et de la jambe est compatible avec l'encombrement linéaire et pendulaire des vis de mouvement. L'exosquelette permet ainsi de s'adapter à des personnes de taille comprise entre 150 et 190 cm.

**Question 1 :** Compléter la chaîne fonctionnelle qui détaille l'organisation structurale de la motorisation de la hanche.

**Question 2 :** À l'aide de l'annexe 2 et des figures 4 et 5, désigner et justifier le plan dans lequel est proposé le modèle des membres inférieurs équipés de l'exosquelette. Justifier également le modèle d'étude proposé.



FIGURE 4 – Modèle numérique

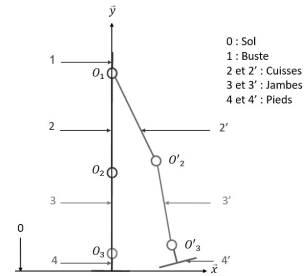


FIGURE 5 – Modèle d'étude

## I.2 Caractérisation géométrique de la marche

La locomotion est régie par une alternance d'appuis réalisés par les jambes sur le sol. Cette alternance est appelée cycle de marche. Le cycle de marche illustré en figure 6 se définit par des phases qui s'enchaînent et se répètent. Un cycle correspond à une succession de doubles appuis également appelés « doubles contacts » et d'appuis unilatéraux ou « unipodes », il se décompose en deux phases principales, l'une d'appui et l'autre d'oscillation du membre étudié.

Une illustration de la décomposition du cycle est proposée figure 6.

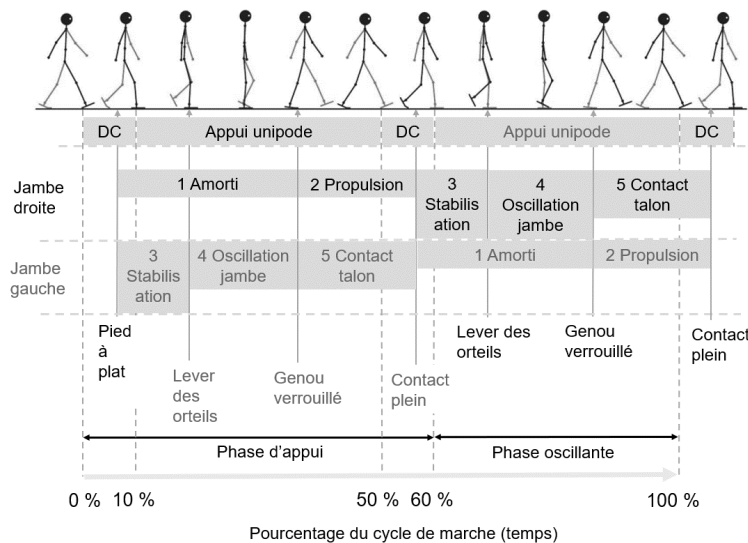
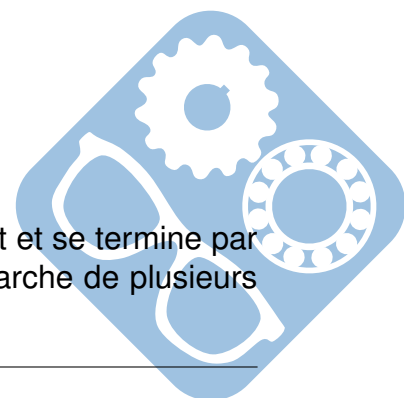


FIGURE 6 – Cycle de marche

Par convention, le cycle de marche débute par l'attaque du talon droit et se termine par l'attaque suivante du même talon. Afin de comparer et d'examiner la marche de plusieurs patients, celui-ci est normalisé en pourcentage de la durée du cycle.



Le cycle de marche peut être décomposé, en première approximation, comme une succession de phases d'appui (60%) où les deux pieds sont en contact avec le sol, notées DC pour double contact sur la figure 6, et de phases oscillantes (40%) où un des deux pieds n'est plus en contact avec le sol (appui unipode).

L'évolution de la position angulaire des articulations de la jambe droite, lors du cycle de marche, peut être décrite de façon plus précise à l'aide des quatre phases présentées ci-dessous :

- **phase 1**, dite phase de mise en charge de la jambe droite. Elle débute lorsque le talon du pied droit entre en contact avec le sol alors que les orteils du pied gauche sont toujours en contact avec le sol. Cela correspond au premier double appui (double contact, DC) ou appui bipodal. Cette phase est dédiée au transfert du poids entre les deux jambes, à l'absorption des chocs et à la conservation de la vitesse de marche tout en maintenant l'équilibre,
- **phase 2**, dite phase d'appui sur la jambe droite. Elle débute lors du décollement des orteils du pied gauche,
- **phase 3**, cette phase correspond au deuxième double appui (DC). Son rôle est le transfert du poids vers la nouvelle jambe (ici, jambe gauche) en phase d'appui et la propulsion du corps vers l'avant,
- **phase 4**, phase pendulaire ou oscillante de la jambe droite. Elle débute lors du décollement des orteils du pied droit et doit permettre au membre oscillant de passer devant sans toucher le sol.

Durant ce cycle de marche, le genou joue un rôle prépondérant. Son activité met en évidence cinq phases :

- **phase 1** dite d'amorti : elle commence juste après le contact complet avec le sol de la jambe qui se balance, c'est-à-dire, après le contact du talon et des orteils. Dans cette phase, la jambe antérieure supporte le poids intégral du tronc. Le genou antérieur commence à fléchir jusqu'à environ  $20^\circ$  et se comporte comme un ressort comprimé,
- **phase 2** dite phase de propulsion. Lorsque la compression maximale est atteinte, le genou s'étend jusqu'à son extension maximale. Le genou agit à nouveau comme un ressort de torsion avec une rigidité identique à la première phase,
- **phase 3** dite de stabilisation : elle est caractérisée par un double appui pendant laquelle la stabilisation de la posture du corps est garantie. En analysant la cinématique du genou, on constate que le genou commence à fléchir à nouveau pour préparer la jambe à l'élan,
- **phase 4** dite phase oscillante de la jambe droite. Après le décollement du pied, la phase d'élan commence en transférant la jambe devant le corps et la flexion de cette dernière se termine lorsque l'angle du genou atteint environ  $60^\circ$ . Elle se prolonge ensuite jusqu'à ce que le genou de la jambe d'élan soit totalement étiré. Cette phase comprend à la fois la flexion et l'extension du genou,
- **phase 5** dite d'impact du talon. Dès que le genou de la jambe oscillante est verrouillé et que le talon entre en contact avec le sol, la dernière phase commence. Le genou gère alors l'impact du pied lors de la frappe du talon et permet de contrôler le contact complet du pied. Le genou doit être à nouveau rigide pour gérer l'impact du poids du corps.

L'exosquelette doit permettre de reproduire ce cycle de marche. Il doit permettre de couvrir l'amplitude articulaire nécessaire aux mouvements des différentes articulations.

L'étude proposée se consacre uniquement à la modélisation de l'articulation de la hanche et plus précisément, à l'amplitude articulaire de la hanche. Cette dernière est caractérisée par deux mouvements :

- la flexion qui emmène la cuisse de l'arrière vers l'avant,
- l'extension qui est le mouvement opposé.

Les mouvements articulaires de la hanche sont illustrés sur l'annexe 2.

Dans cette sous-partie, on adopte un modèle segmentaire des membres inférieurs illustré figure 7.

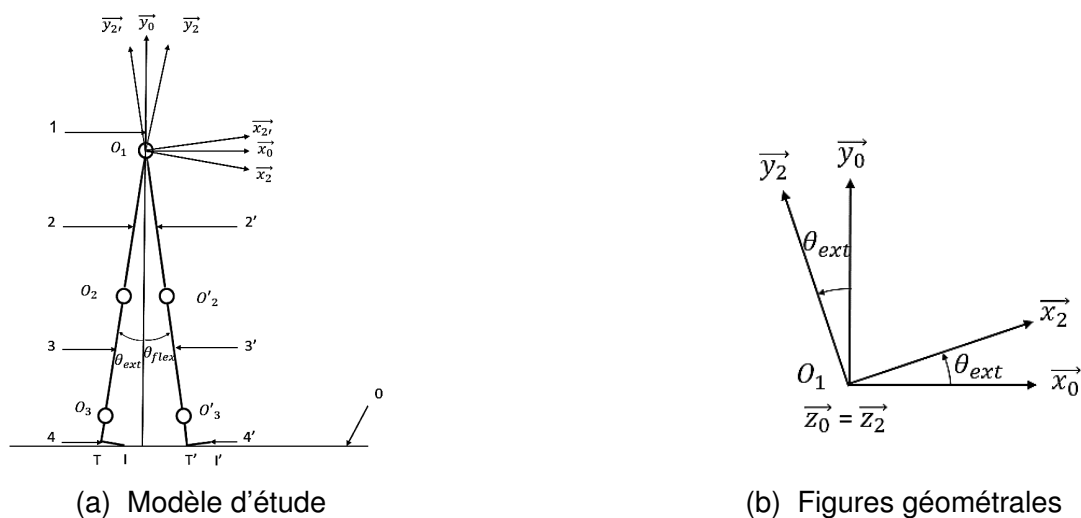
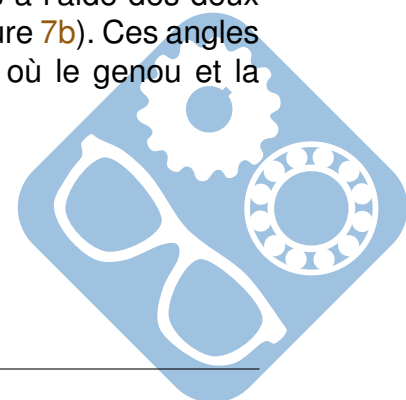


FIGURE 7 – Modèle segmentaire des membres inférieurs

Les segments 2 et 2' représentent la partie de l'exosquelette reliée à la cuisse, les segments 3 et 3', aux jambes et les segments 4 et 4' correspondent aux pieds (figure 7a). On se place dans une phase où les articulations liées aux genoux en  $O_2$  et  $O_2'$  sont inactives et verrouillées en angle. Les jambes seront positionnées dans le prolongement des cuisses. On négligera, en première approche, les angles générés par la dorsiflexion de la cheville et la flexion plantaire : les pieds resteront également orthogonaux aux jambes. Les deux segments 4 et 4' seront considérés constamment orthogonaux aux segments 3 et 3'.

Le point  $O_1$  représente le centre de rotation des deux membres inférieurs par rapport aux hanches considérées comme fixes. Les points I et I' représentent les points de contact entre chacun des deux pieds et le sol. Les points T et T' correspondent aux talons des pieds 4 et 4'. Les positions angulaires des deux membres sont décrites à l'aide des deux paramètres angulaires  $\theta_{flex}$  et  $\theta_{ext}$  définis par les figures géométrales (figure 7b). Ces angles correspondent à la rotation des deux membres inférieurs dans le cas où le genou et la cheville sont bloqués et n'autorisent aucune flexion.



Données :

—  $(\vec{x}_0, \vec{x}_{2'}) = \theta_{flex}$ ,

—  $(\vec{x}_0, \vec{x}_2) = \theta_{ext}$ ,

—  $\vec{O}_1\vec{T} = -L_1 \cdot \vec{y}_2$ ,

—  $\vec{O}_1\vec{T}' = -L_2 \cdot \vec{y}_{2'}$ ,

—  $\vec{T}\vec{I} = L_4 \cdot \vec{x}_2$ ,

—  $\vec{T}\vec{T}' = L \cdot \vec{x}_0$ ,

—  $\vec{T}'\vec{I}' = L_4 \cdot \vec{x}_{2'}$ ,

— le patient mesure 1,75m pour 70kg.

La vitesse du tapis 0 est réglée par le praticien de telle manière à respecter la cinématique souhaitée pour l'exosquelette.

**Question 3 :** Donner l'expression de la longueur d'un pas  $L_{pas}$  pour une cadence  $cad = 85pas \cdot min^{-1}$  et une vitesse naturelle de  $v = 1,20m \cdot s^{-1}$ . Application numérique.

**Question 4 :** Déterminer le temps de cycle de marche  $T_{cycle}$ .

**Question 5 :** Écrire la relation vectorielle associée à la fermeture géométrique  $(\vec{I}\vec{O}_1\vec{T}'\vec{I})$ .

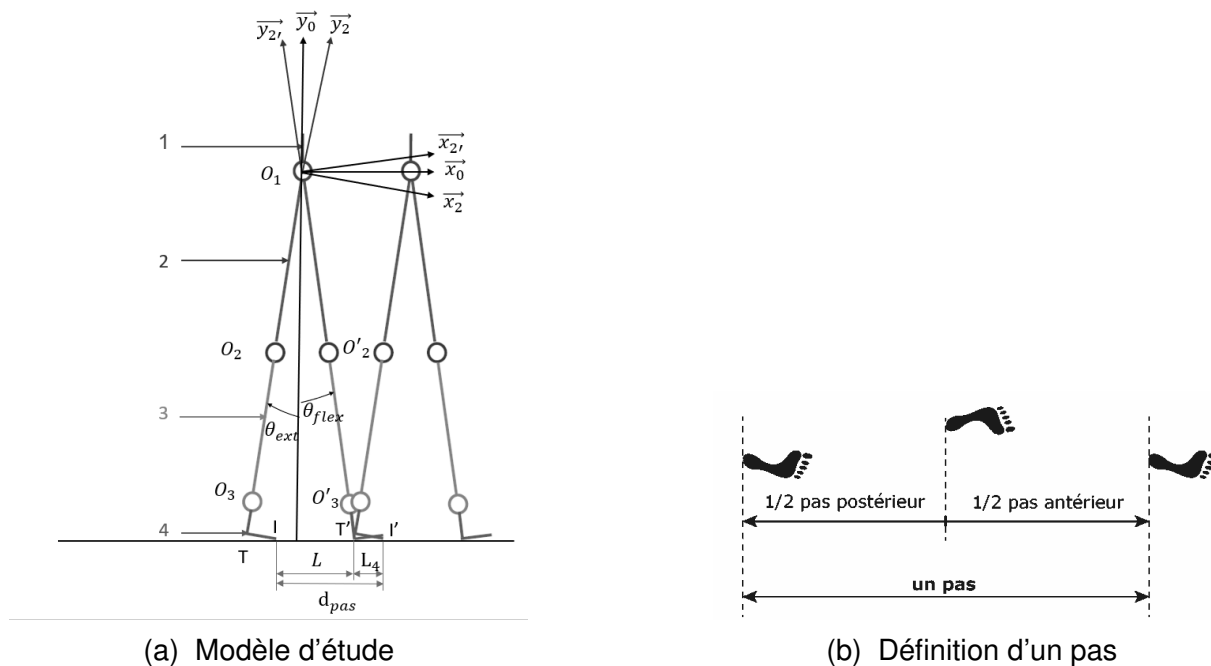
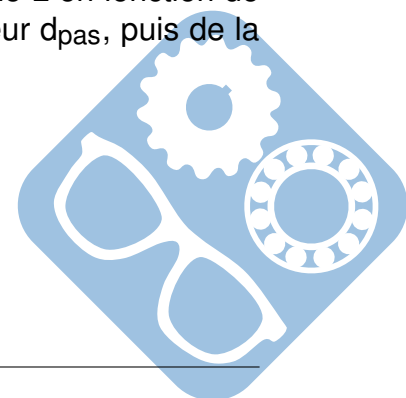


FIGURE 8 – Modèle segmentaire des membres inférieurs

**Question 6 :** A l'aide d'une projection à énoncer, préciser l'expression de  $L$  en fonction de  $L_1, L_2, L_4, \theta_{flex}$  et de  $\theta_{ext}$ . En déduire l'expression du demi-pas postérieur  $d_{pas}$ , puis de la longueur d'un pas  $L_{pas}$  en fonction de  $L_1, L_2, L_4, \theta_{flex}$  et de  $\theta_{ext}$ .





La figure 9 présente une série de courbes illustrant le comportement articulaire de la hanche chez un patient sain dans différentes configurations.

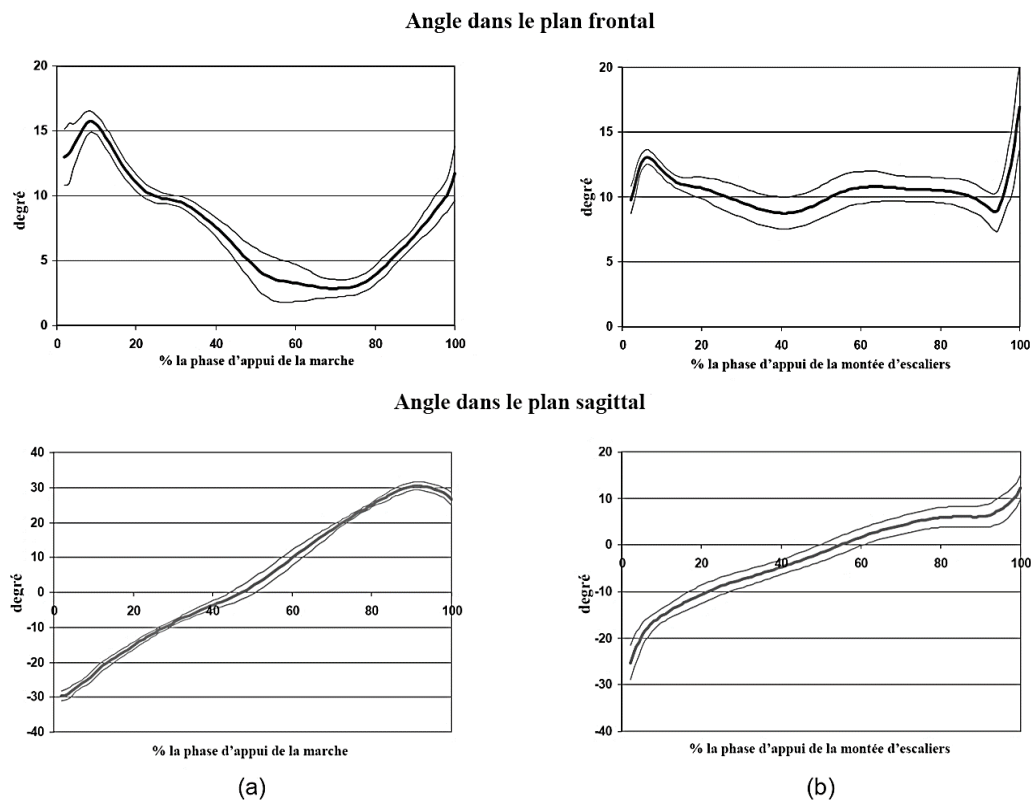


FIGURE 9 – Valeurs articulaires de la hanche : valeurs moyennes (trait gras) et écarts-types (trait fin). Les angles frontal et sagittal sont présentés pour le patient sain au cours de la phase d'appui de la marche (a) et la montée d'escaliers (b)

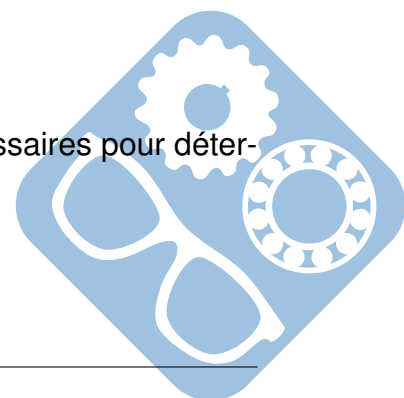
**Question 7 :** Préciser sur les figures des courbes du DR les phases de flexion et d'extension de la hanche.

On pourrait montrer (mais cela n'est pas demandé dans cette étude) que dans le cas de la configuration étudiée,  $\theta_{flex} = \theta_{ext}$ .

Les résultats des 6 et 8 permettent d'exprimer  $\theta_{flex}$  uniquement en fonction des paramètres géométriques  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $L_4$  et  $L_{pas}$  :

$$\theta_{flex} = \arccos\left(-\frac{L_4 - \frac{1}{2} \cdot L_{pas}}{\sqrt{(L_1 + L_2)^2 + L_4^2}}\right) - \arctan\left(\frac{L_1 + L_2}{L_4}\right)$$

**Question 8 :** Déterminer les valeurs numériques  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $L_4$  et  $L_{pas}$  nécessaires pour déterminer  $\theta_{flex}$ .



## II Exigence fonctionnelle « Assurer le positionnement de la hanche »

**Objectif :** vérifier que le moteur choisi est en capacité de fournir le couple à la hanche.

Cette partie vise à déterminer l'équation dynamique qui permet d'obtenir le couple moteur en fonction des caractéristiques géométriques dans une phase critique du cycle de marche : la phase où le patient équipé de l'exosquelette est en appui unipode et le genou est verrouillé (phase 4 de l'activité du genou).

On suppose donc le patient en appui sur une jambe et l'autre étant tendue. On cherche à obtenir l'équation de mouvement de la jambe oscillante. Le modèle d'étude de l'exosquelette dans cette phase est celui représenté à la figure 10.

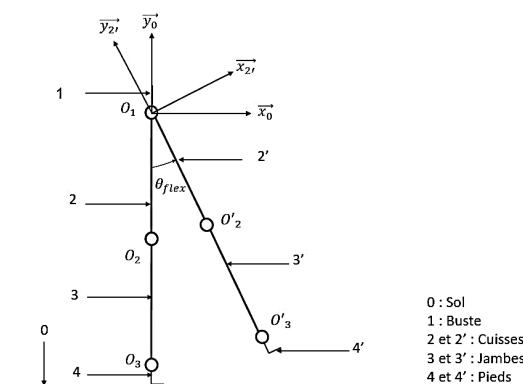


FIGURE 10 – Schéma cinématique de l'exosquelette lors de la phase oscillante en appui unipodal et genou verrouillé (phase 4 de l'activité du genou)

Le réducteur utilisé est un réducteur de type train épicycloïdal à trois étages. Un schéma cinématique est fourni en figure 11.

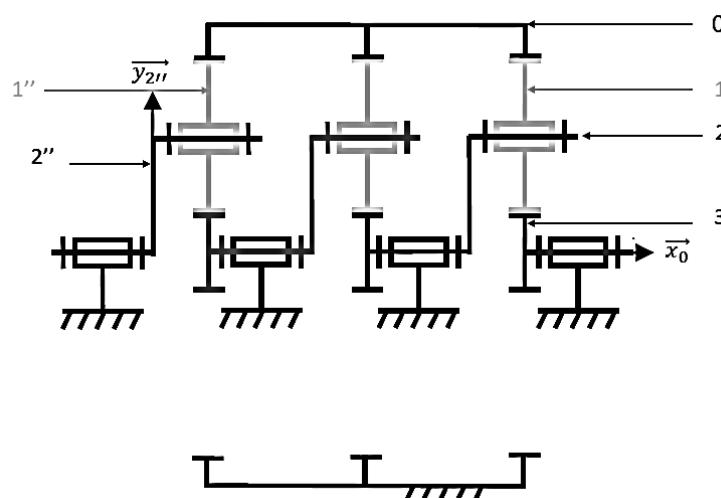
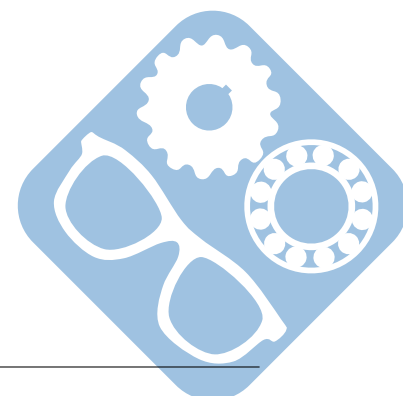


FIGURE 11 – Modèle du train épicycloïdal

On note  $D_i$  le diamètre de la roue dentée  $i \in [0, 3]$ .



Donner les relations entre les différents diamètres des roues dentées permettant de garantir la coaxialité des planétaires, des couronnes et des porte-satellites.

On donne le nombre de dents  $Z_i$  des éléments constitutifs  $i$  du premier étage du train épicycloïdal :

- $Z_0 = 60$  dents,
- $Z_1 = 18$  dents,
- $Z_2 = 45$  dents,
- $Z_3 = 24$  dents.

**Question 9 :** Calculer le rapport de transmission du premier étage.

**Question 10 :** Les étages étant tous identiques, en déduire le rapport de transmission global du réducteur ainsi que la référence du réducteur choisi à l'aide de l'extrait du catalogue du constructeur Maxon fourni en annexe 4.

Toutes les articulations de l'exosquelette ont une structure similaire à celle de la hanche dont on rappelle qu'un modèle volumique partiel est donné en annexe 1. Le schéma cinématique de l'articulation de la hanche est représenté figure 12.

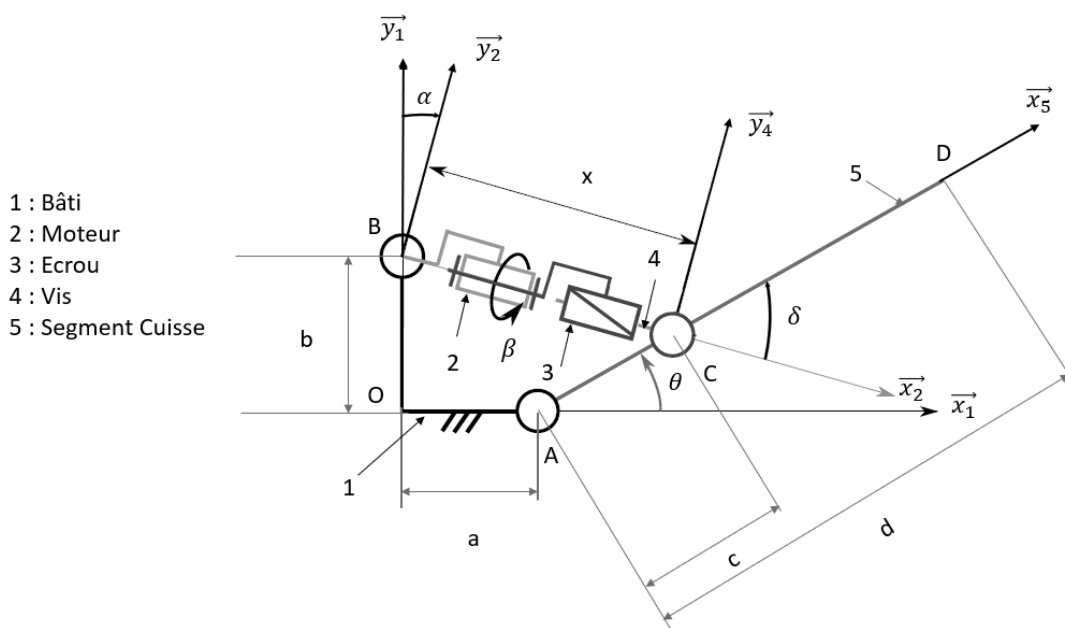
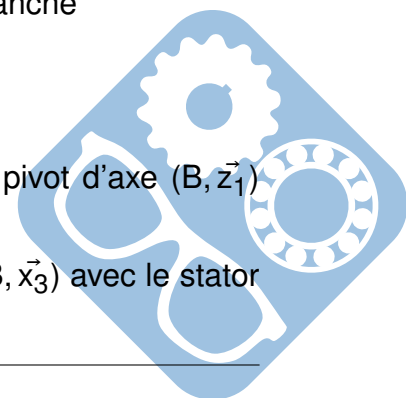


FIGURE 12 – Schéma cinématique de l'articulation de la hanche

Données :

- $R_1(O, \vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$  repère associé au bâti 1,
- $R_2(B, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$  repère associé au stator du moteur 2 en liaison pivot d'axe  $(B, \vec{z}_1)$  avec le bâti 1 tel que :  $(\vec{x}_1, \vec{x}_2) = \alpha$  et  $\vec{OB} = b \cdot \vec{y}_1$ ,
- $R_3(B, \vec{x}_3, \vec{y}_3, \vec{z}_3)$  repère associé à l'écrou 3 en liaison pivot d'axe  $(B, \vec{x}_3)$  avec le stator du moteur 2 tel que  $(\vec{y}_2, \vec{y}_3) = \beta$ ,



- $R_4(C, \vec{x}_4, \vec{y}_4, \vec{z}_4)$  repère associé à la vis 4 tel que  $\vec{BC} = x \cdot \vec{x}_4$ ,
- $R_5(A, \vec{x}_5, \vec{y}_5, \vec{z}_5)$  repère associé au segment de la cuisse 5 en liaison pivot d'axe  $(A, \vec{z}_1)$  avec le stator du moteur 2 tel que :  $(\vec{x}_1, \vec{x}_5) = \theta$ ,  $\vec{OA} = a \cdot \vec{x}_1$ ,  $\vec{AC} = c \cdot \vec{x}_5$ ,
- pas de la vis : noté  $p$  (filet à droite),
- en position initiale, la distance  $x$  est notée  $x_0$  et l'angle  $\beta = 0$ .

**Question 11 :** Exprimer le paramètre  $x$  en fonction du paramètre d'entrée  $\beta$ .

**Question 12 :** À l'aide de la fermeture géométrique (OBCAO), donner la relation liant les paramètres du mécanisme de mise en mouvement de la hanche sous la forme :  $\beta = f(\theta)$ .

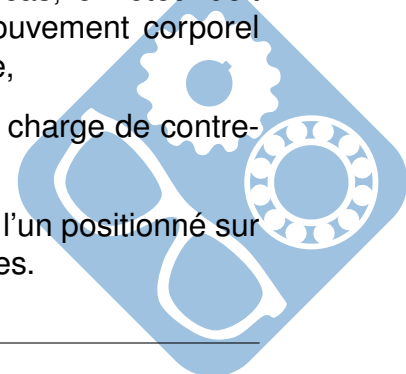
### III Exigence fonctionnelle « Assurer le déchargement corporel »

**Objectif global :** vérifier que le système de décharge corporelle actif permet de réaliser un contrôle en boucle fermée de la force de décharge, soit pour maintenir un niveau de décharge constant durant le cycle de marche qui tient compte des mouvements dynamiques de la masse supportée, soit pour moduler cette décharge en fonction du cycle de marche.

#### III.1 Présentation du système de décharge corporelle

Un système de décharge corporelle (BWS : body weight support) actif a été conçu afin de contrôler précisément et de façon dynamique la force de soutien transmise aux bretelles du harnais. Ce BWS est constitué des éléments suivants (figure 13) :

- un mécanisme de suspension du harnais possédant 4 degrés de liberté afin de suivre les mouvements du bassin antéro-postérieur, verticaux, l'obliquité et la rotation,
- un treuil motorisé enroulant un câble dont l'extrémité est attachée au système de suspension,
- un capteur de force mesurant la tension dans le câble,
- quatre ressorts de traction placés en parallèle exerçant une traction sur le câble de liaison qui s'enroule sur le treuil. La force des ressorts agit en contre-réaction à la force de décharge corporelle, ce qui diminue le moment moteur. Dans ce cas, le moteur doit compenser uniquement les moments dûs à la dynamique du mouvement corporel vertical et aux variations de force du ressort induit par sa constante,
- un système de variation de la longueur des ressorts pour régler la charge de contre-réaction,
- un système de renvoi d'angle constitué de deux pignons coniques, l'un positionné sur l'arbre de sortie du moteur électrique et l'autre en bout de vis à billes.



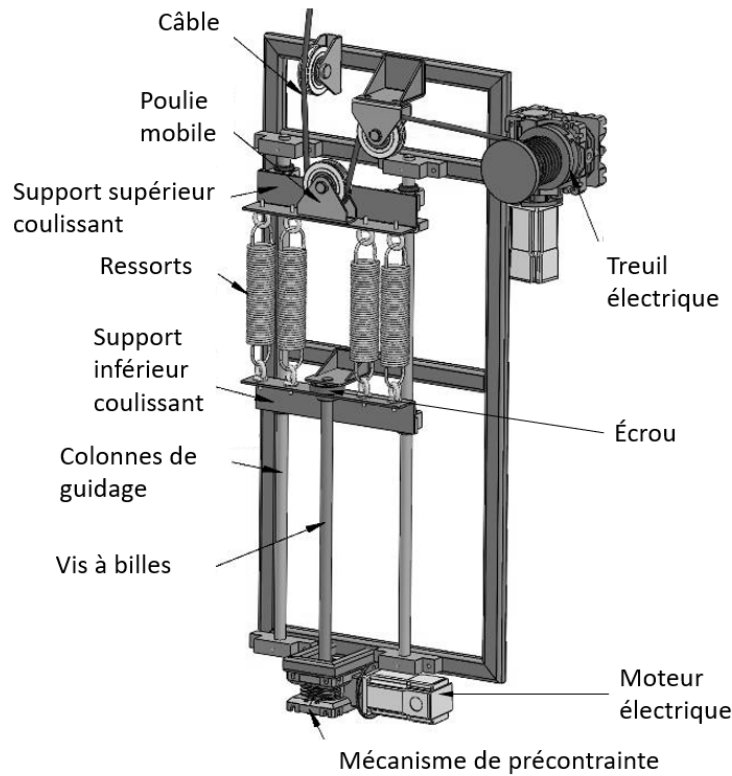


FIGURE 13 – Constituants internes du système de décharge corporelle

### III.2 Étude de l'architecture générale du système de décharge corporelle

**Objectif :** évaluer les efforts mécaniques dus aux ressorts.

**Question 13 :** À partir de la figure 13, compléter, sur le DR, le schéma cinématique du système interne constituant le mécanisme de décharge corporelle.

On donne le graphe des liaisons associé au sous-ensemble  $S = \{\text{vis, colonnes de guidage, support inférieur}\}$  sur la figure 14.

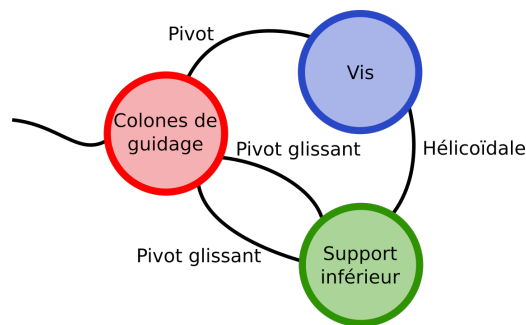
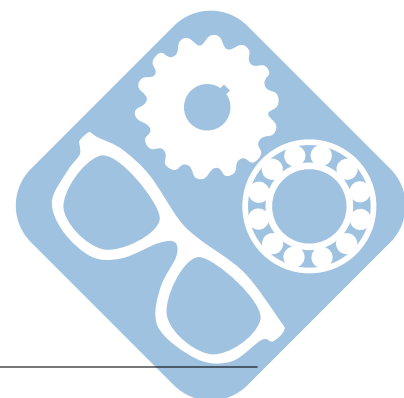


FIGURE 14 – Graphe de liaison du sous-ensemble S

**Question 14 :** Déterminer le degré d'hyperstatisme du sous-système S.



**Question 15 :** Donner la conséquence de ce degré d'hyperstatisme, que faut-il prévoir sur le système ?

**Question 16 :** On souhaite modéliser le comportement des 4 ressorts identiques de raideur  $k$  par un seul ressort de raideur équivalente  $k_{eq}$ . En justifiant de manière rigoureuse votre démarche, donner l'expression de  $k_{eq}$  en fonction de  $k$ .

**Question 17 :** Déterminer l'expression de l'effort  $F_R$  développé par le ressort équivalent dans le cas d'un déplacement vertical noté  $y$  du centre de gravité du patient, l'effort  $F_R$  étant nul pour un déplacement  $y$  nul.

La figure 15 présente l'évolution minimale (courbe en trait fin continu) et maximale (courbe en trait gras discontinu) du centre de gravité dans le plan sagittal au cours d'un cycle de marche constatée expérimentalement sur plusieurs patients. Les traits fins verticaux représentent les instants de contact initial et de lever des orteils et les pointillés définissent le milieu de la phase de simple appui.

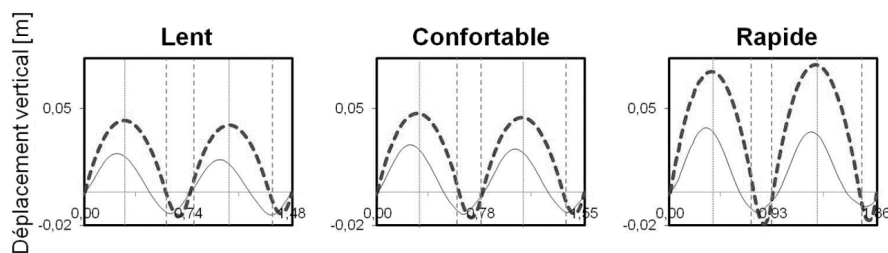


FIGURE 15 – Évolution de la position du centre de gravité dans le plan sagittal en fonction de l'allure

**Question 18 :** À partir des différentes courbes de la figure 15, déterminer l'effort maximal  $F_R$  réel disponible sachant que la raideur de chacun des ressorts est de  $k = 2\text{kN} \cdot \text{m}^{-1}$ .

### III.3 Étude de l'asservissement de l'effort de contre-réaction du ressort $F_R$

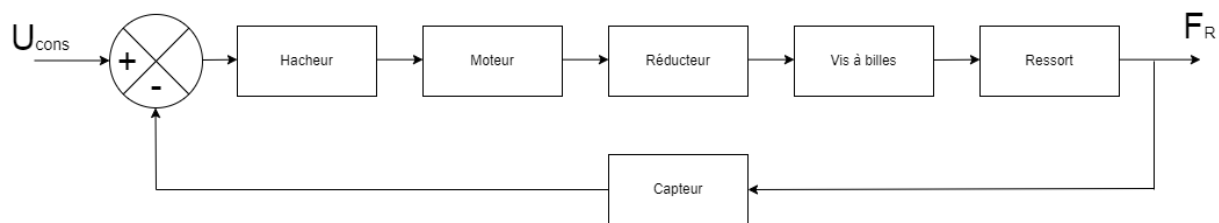
Le moteur utilisé est un moteur MAXON référence RE40-148877.

**Objectif :** vérifier la performance du système en termes de précision.

Exigence	Critères d'appréciation	Niveau
Limitier l'erreur en régime permanent de l'asservissement de l'effort $F_R$	$\varepsilon_1$ : erreur indicielle $\varepsilon_2$ : erreur de poursuite	$\varepsilon_1 < 2\%$ de $F_{cons}$ $\varepsilon_2 < 5\%$ de $F_{cons}$

FIGURE 16 – Extrait du cahier des charges associé à l'exigence « Limiter l'erreur en régime permanent de l'asservissement de l'effort de contre-réaction du ressort »

L'organisation de l'asservissement est décrite par la figure 17.


 FIGURE 17 – Organisation structurelle de l'asservissement de l'effort  $F_R$ 

On note :

- $U_{cons}$  : tension de commande, image de la consigne de  $F_R$ ,
- $F_R$  : force de contre-réaction du ressort.

Cet asservissement peut être représenté par le schéma-blocs (figure 18) :

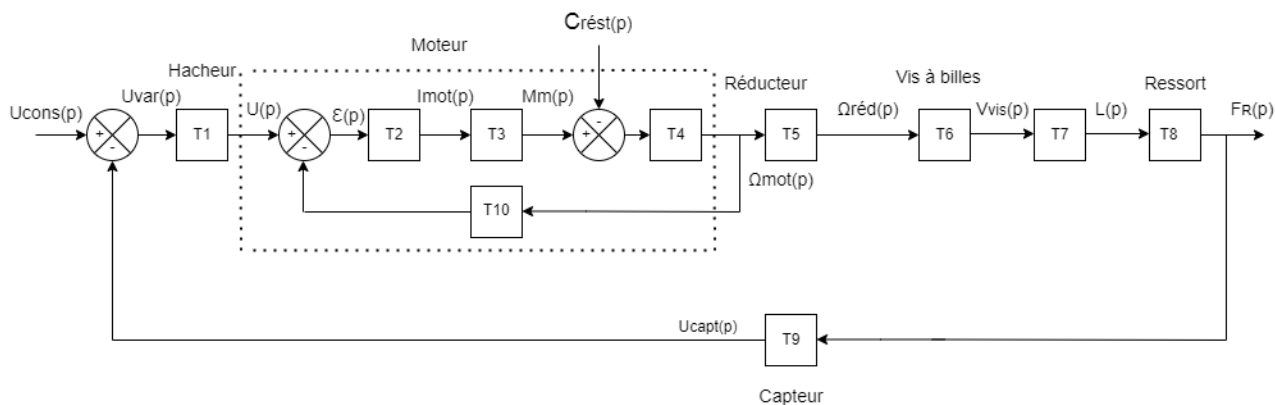


FIGURE 18 – Schéma-blocs de l'asservissement

- $T_1$  : fonction de transfert du hacheur avec :  $T_1(p) = \frac{U(p)}{U_{var}(p)} = K_1 = 10$ ,
- $T_7$  : fonction de transfert d'un intégrateur : elle permet de passer d'une vitesse linéaire  $V_{vis}$  à une distance  $D$ ,
- $T_9$  : fonction de transfert du capteur :  $T_9(p) = \frac{U_{capt}(p)}{F_R(p)} = K_9 = 10\text{mV/N}$ .

On rappelle les équations qui caractérisent le comportement des moteurs à courant continu :

$$\begin{cases} U(t) = R \cdot i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt} + e(t) \\ e(t) = k_v \cdot \omega_{mot}(t) \\ J \cdot \frac{d\omega_{mot}(t)}{dt} = M_m(t) - C_{rest}(t) \\ M_m(t) = k_i \cdot I_{mot}(t) \end{cases}$$

Avec :

- $R$  : résistance de l'induit,
- $L$  : inductance de l'induit,
- $k_v$  : constante de vitesse,
- $k_i$  : constante de couple,
- $J$  : le moment d'inertie équivalent à tout le système en mouvement ramené sur l'arbre moteur. Les frottements sont négligés.

**Question 19 :** Exprimer littéralement les fonctions de transfert  $T_2(p)$ ,  $T_3(p)$ ,  $T_4(p)$  et  $T_{10}(p)$  des paramètres des équations temporelles précédentes.

**Question 20 :** Exprimer littéralement  $T_{\text{mot}}(p) = \frac{\Omega(p)}{U(p)}$  pour  $C_{\text{rest}}(p) = 0$ .

La raideur du ressort a pour valeur :  $K_{\text{eq}} = 8\text{N}\cdot\text{mm}^{-1}$ . Le pas de la vis à bille :  $p_{\text{vis}} = 4\text{mm}$ . Le rapport de réduction du motoréducteur est de :  $i_r = 66$ .

**Question 21 :** Exprimer littéralement et numériquement les fonctions de transferts :  $T_5(p)$ ,  $T_6(p)$ ,  $T_7(p)$  et  $T_8(p)$ .

L'asservissement de l'effort de contre-réaction du ressort doit se faire sur une plage comprise entre 0 N et 1 000 N.

**Question 22 :** Montrer que la fonction de transfert en boucle fermée est de la forme :

$$H_{\text{BF}}(p) = \frac{F_R(p)}{U_{\text{cons}}(p)} = \frac{\frac{1}{K_9}}{1 + \frac{1 + \tau_1 \cdot p + \tau_2 \cdot p^2}{K_9 \cdot \tau_3} \cdot p}$$

En déduire,  $\tau_1$ ,  $\tau_2$  et  $\tau_3$ .

**Question 23 :** À partir de  $H_{\text{BF}}(p)$  et du schéma-blocs (figure 18), déterminer littéralement la fonction de transfert  $H_1(p) = \frac{U_{\text{var}}(p)}{U_{\text{cons}}(p)}$  en fonction de  $\tau_1$ ,  $\tau_2$ ,  $\tau_3$  et  $K_9$ .

Dans le but de pouvoir comparer deux grandeurs de même nature :  $F_{\text{cons}}(p)$  et  $F_R(p)$ , on modifie le schéma bloc de la figure 18 pour obtenir celui de la figure 19.

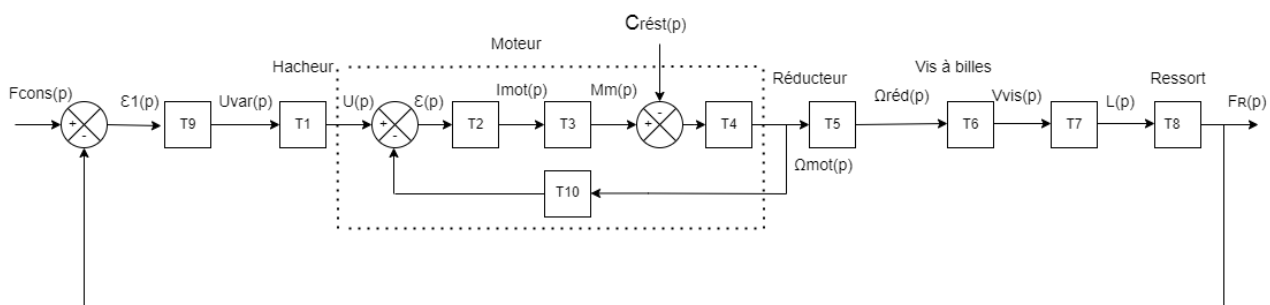
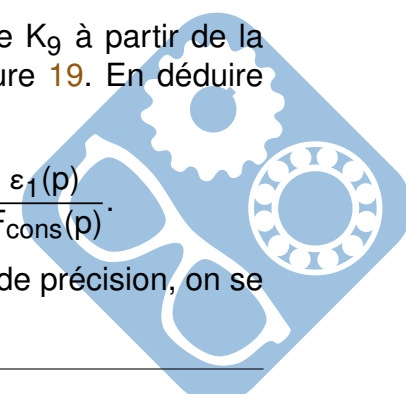


FIGURE 19 – Schéma-blocs avec en entrée  $F_{\text{cons}}$

**Question 24 :** Déterminer  $U_{\text{var}}(p)$  en fonction de  $U_{\text{cons}}(p)$ ,  $F_R(p)$  et de  $K_9$  à partir de la figure 18 et en fonction de  $F_{\text{cons}}(p)$ ,  $F_R(p)$  et de  $K_9$  à partir de la figure 19. En déduire  $U_{\text{cons}}(p)$  en fonction de  $F_{\text{cons}}(p)$ .

**Question 25 :** Déterminer littéralement la fonction de transfert  $H_2(p) = \frac{\varepsilon_1(p)}{F_{\text{cons}}(p)}$ .

Afin de pouvoir juger la performance de l'asservissement en termes de précision, on se propose de déterminer l'erreur indicielle.





On prendra pour faire l'application numérique :  $\frac{1}{K_g \cdot \tau_3} = 133\text{ms}$ .

**Question 26 :** Calculer l'erreur indicielle de cet asservissement si  $F_{\text{cons}}$  est un échelon de 500 N. Dans ce cas,  $F_{\text{cons}}(p) = \frac{500}{p}$ .

**Question 27 :** Calculer l'erreur de poursuite de cet asservissement si la consigne de force est :  $F_{\text{cons}}(p) = \frac{500}{p^2}$ .

**Question 28 :** En vous référant au cahier des charges figure 16, que pouvez-vous conclure suite aux résultats que vous avez obtenus aux 26 et 27 concernant la précision. Faut-il envisager la mise en place d'un correcteur ? Si oui, de quel type ? Ce correcteur peut-il être source de problèmes ?

### III.4 Étude de la motorisation du mécanisme de précontrainte

Le moteur utilisé est un moteur MAXON référence RE40 - 148877.

#### III.4.1 Commande du moteur

**Objectif :** déterminer comment limiter l'ondulation du courant.

L'alimentation du moteur est faite en utilisant un pont en H. Pour contrôler la vitesse de rotation du moteur, on utilise une modulation de largeur d'impulsion (MLI).

Dans le cas où le frottement n'est pas négligé, le moteur peut être modélisé par une fonction de transfert du second ordre. L'entrée correspond à la tension  $U$  appliquée aux bornes du moteur et la sortie correspond à la vitesse de rotation  $\omega$  du rotor.  $\omega$  est exprimée en  $\text{tr} \cdot \text{mn}^{-1}$ .

En tenant compte de la constante de temps mécanique  $\tau_m$  et de la constante de temps électrique  $\tau_e$ , on obtient une fonction de transfert  $T(p)$  de la forme :

$$T(p) = \frac{\Omega(p)}{U(p)} = \frac{H_{m0}}{(1 + \tau_m \cdot p) \cdot (1 + \tau_e \cdot p)}$$

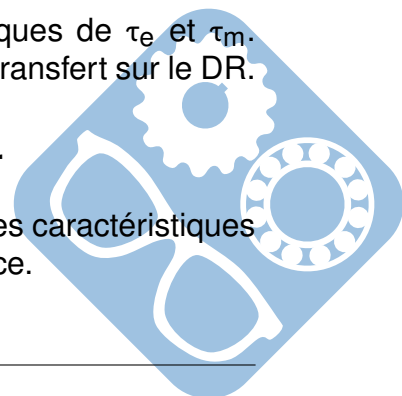
Avec :

- $\tau_e = \frac{L}{R}$  : constante de temps électrique du moteur,
- $\tau_m$  : constante de temps mécanique du moteur.
- $H_{m0} = 158\text{rpm} \cdot \text{V}^{-1} = 158\text{tr} \cdot \text{mn}^{-1} \cdot \text{V}^{-1}$ ,
- On précise que  $\log(160) = 2,2$ .

**Question 29 :** À l'aide de l'annexe 10, déterminer les valeurs numériques de  $\tau_e$  et  $\tau_m$ . Tracer le diagramme asymptotique de Bode du gain de cette fonction de transfert sur le DR.

#### III.4.2 Vérifications expérimentales des caractéristiques du moteur

**Objectif :** énoncer les procédés expérimentaux permettant de vérifier les caractéristiques électriques et mécaniques du moteur lors d'une opération de maintenance.



On dispose d'une source de tension réglable, d'un oscilloscope, d'un voltmètre, d'un ampèremètre, d'une sonde de courant et d'un capteur de vitesse de rotation.

**Question 30** : Proposer une démarche avec plusieurs protocoles expérimentaux permettant de déterminer :

- la résistance  $R$  de l'induit,
- l'inductance de l'induit  $L$ ,
- le coefficient de la force contre électromotrice.

On rappelle que le couple de frottement visqueux  $C_F(t) = f \cdot \omega(t)$ .

Pour déterminer la valeur du coefficient de frottement visqueux  $f$ , on réalise un essai au ralentissement qui permet de relever la courbe  $n(t)$  (vitesse de rotation du moteur en  $\text{tr} \cdot \text{s}^{-1}$  en fonction du temps).

L'essai est fait dans les conditions suivantes :

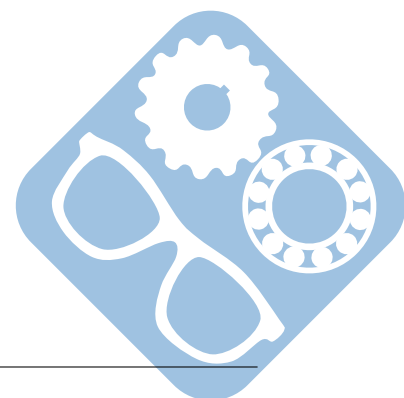
- le moteur fonctionne à vide et tourne à sa vitesse nominale  $n_0$  à l'instant  $t_0$ ,
- à l'instant  $t_0$ , pris comme origine des temps, on coupe l'alimentation du moteur.

On considère que le couple de freinage  $C_f$  est constant lors de l'essai de ralentissement et que le moment d'inertie  $J_{\text{mot}} = 10^{-3} \text{kg} \cdot \text{m}^2$ .

**Question 31** : Déterminer l'équation différentielle régissant l'évolution de la vitesse de rotation angulaire  $\omega(t)$  (exprimée en  $\text{rad} \cdot \text{s}^{-1}$ ). Donner l'expression de la constante de temps mécanique  $\tau_m$ .

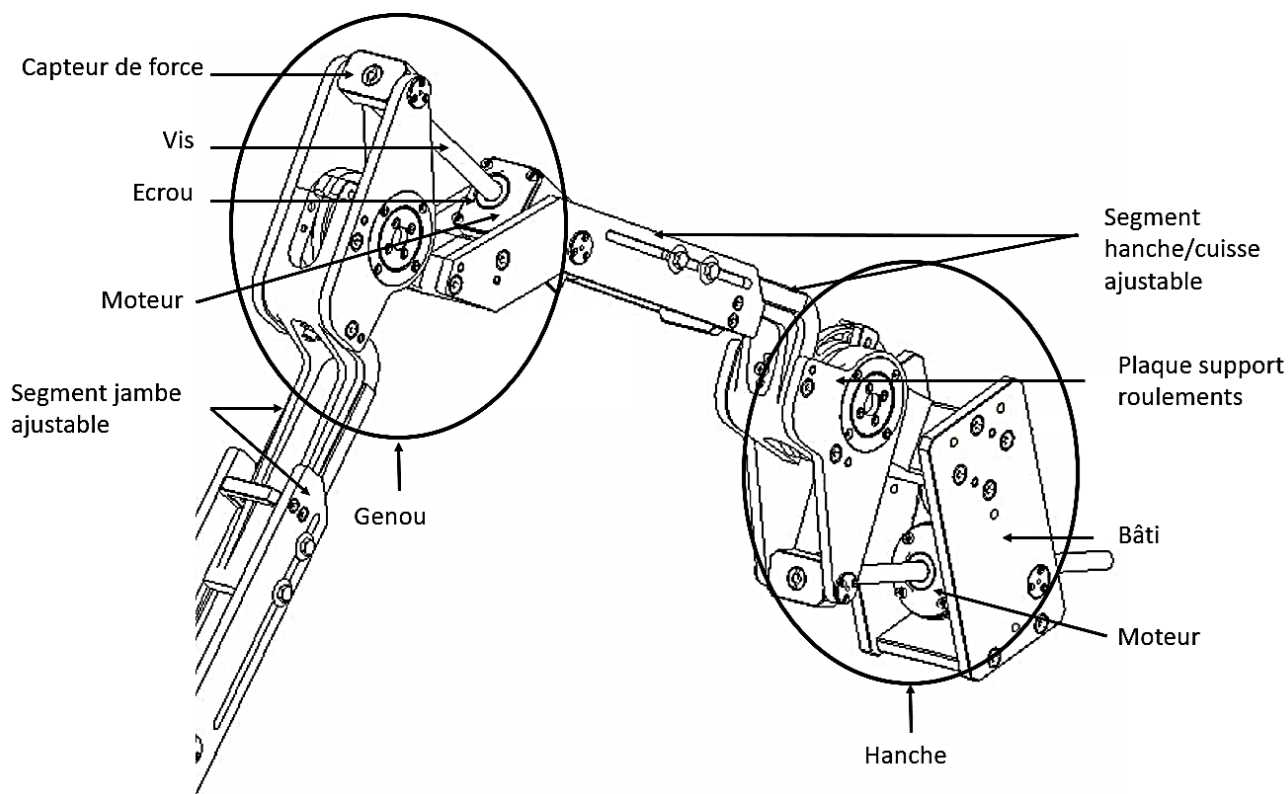
On donne l'allure de la courbe de ralentissement sur le document réponse.

**Question 32** : Ajouter sur la courbe les constructions afin de déterminer le coefficient de frottement visqueux. Déterminer la valeur de  $f$ .

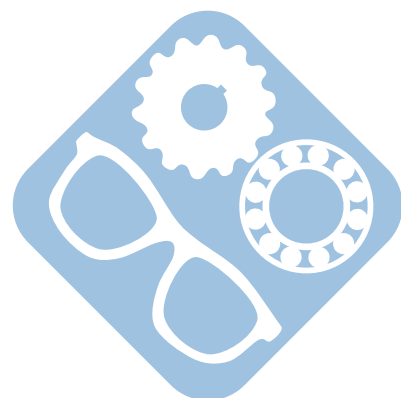
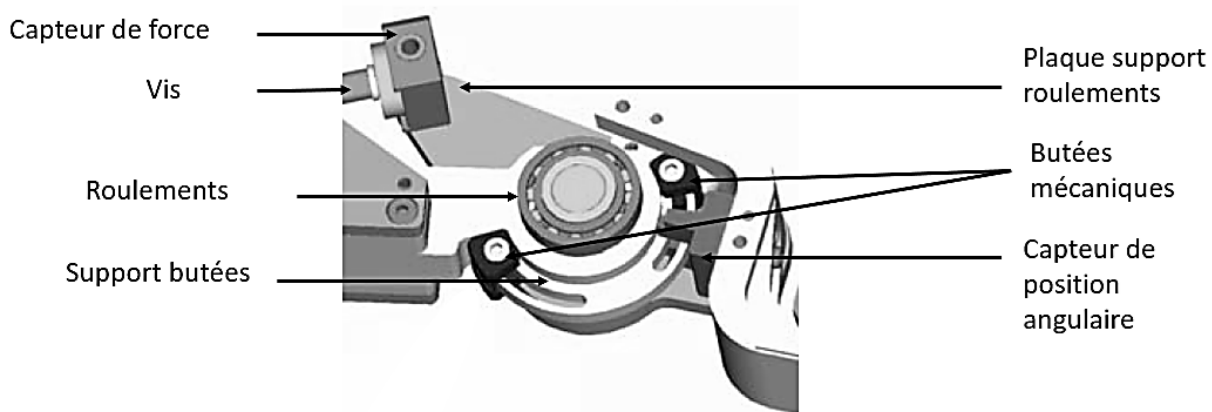


# ANNEXE 1

## Architecture générale de l'exosquelette

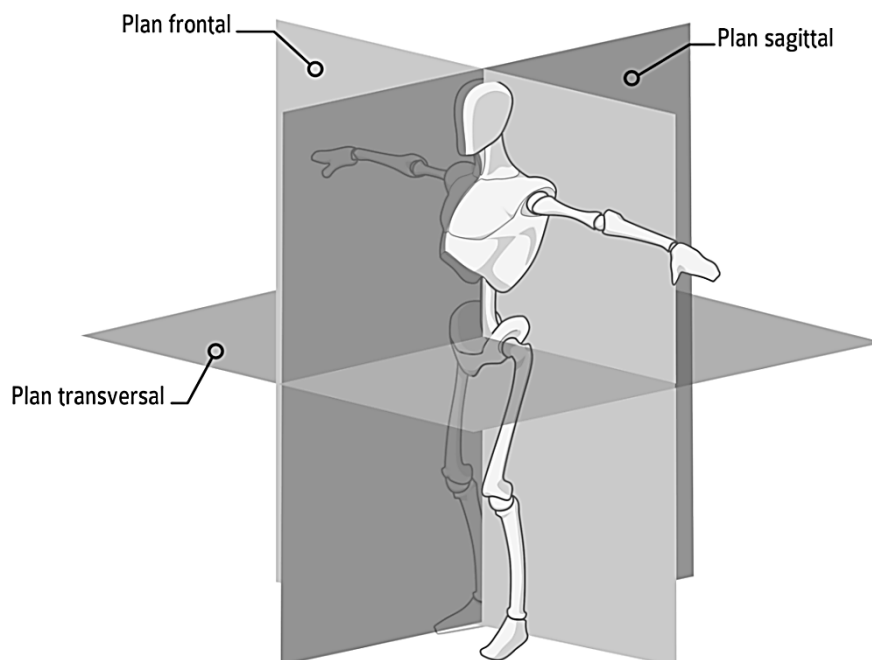


## Composants internes de l'articulation de la hanche

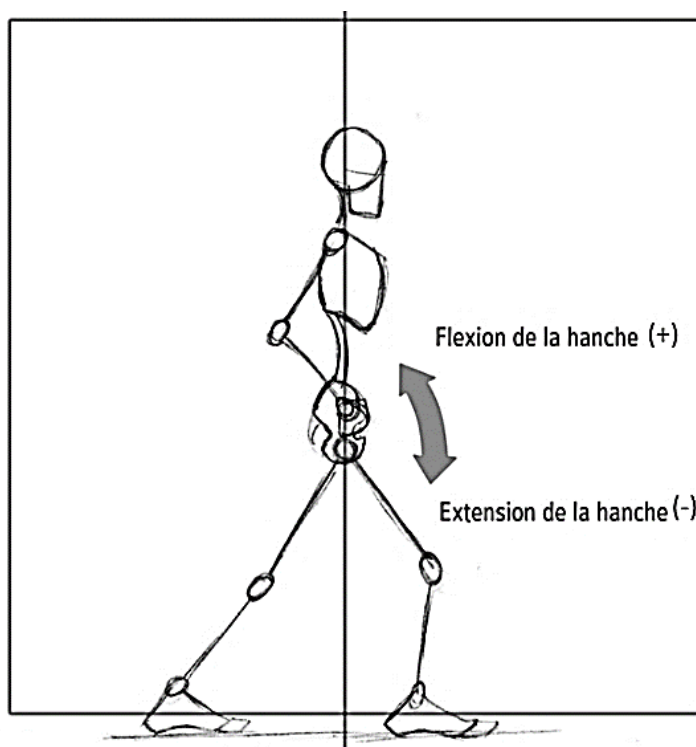


## ANNEXE 2

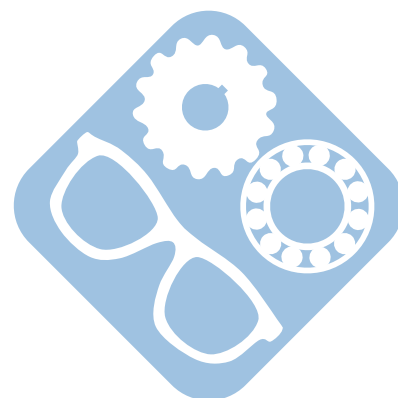
### Plans anatomiques



### Définition des mouvements de la hanche

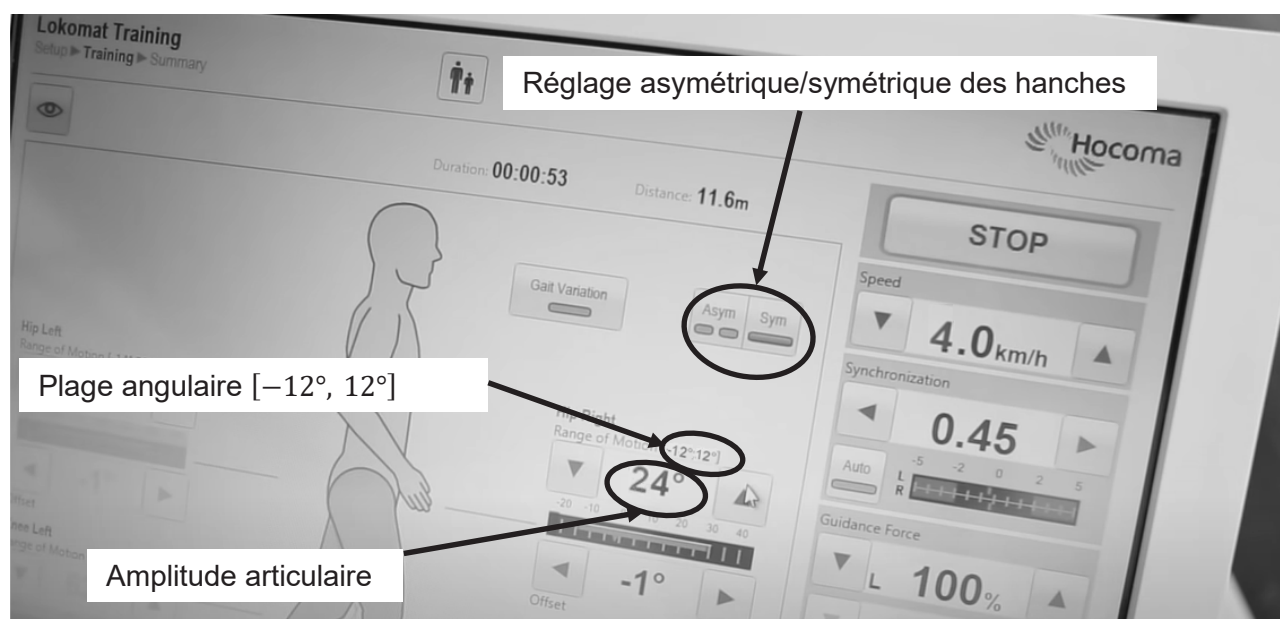


Convention des termes liés aux angles articulaires de la hanche  
(+) : angle positif, (-) : angle négatif



## ANNEXE 3

### Logiciel de configuration du Lokomat®

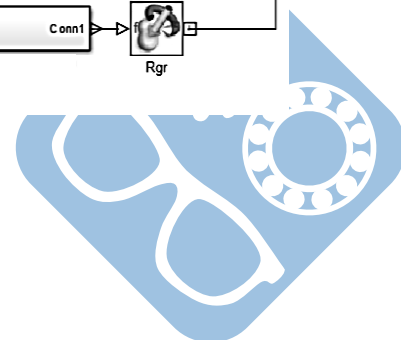
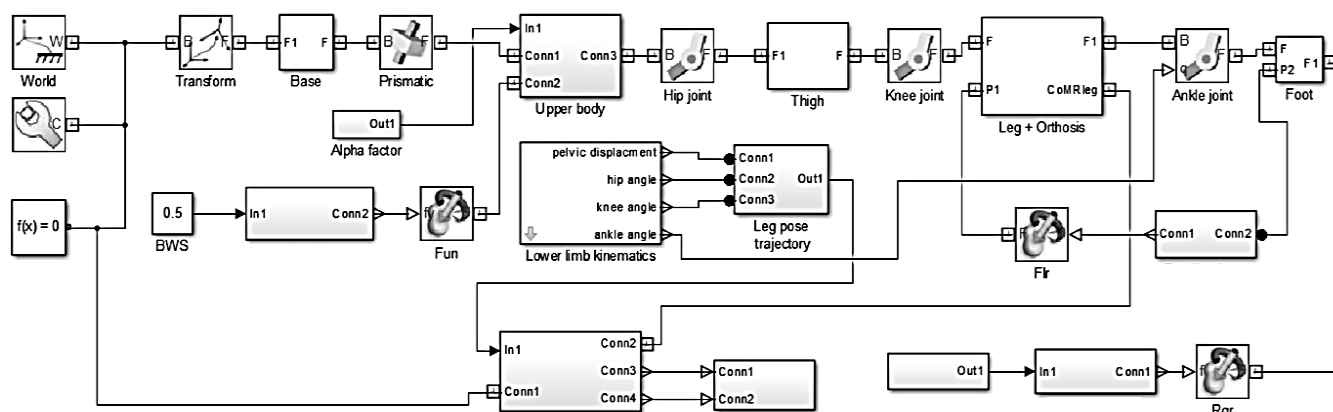


Le logiciel de configuration permet au praticien de régler une série de paramètres.

Il est entre autres possible de :

- régler simultanément les hanches : comme ici, il suffit d'activer le mode symétrique ;
- fixer :
  - l'amplitude articulaire de la hanche ;
  - les valeurs extrêmes de la plage angulaire ;
  - la durée de la séance ;
  - la distance à parcourir ;
  - la vitesse de déplacement.

### Modèle Simscape Multibody simplifié de l'exosquelette

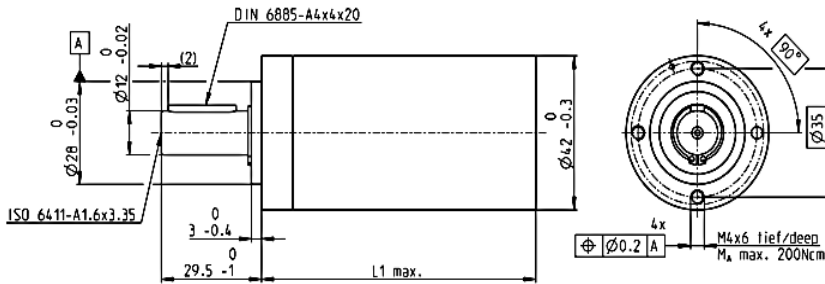


# ANNEXE 4

## Documentation technique MAXON

### Réducteur planétaire GP 42 C Ø42 mm, 3.0-15.0 Nm

Version céramique



M 1:2

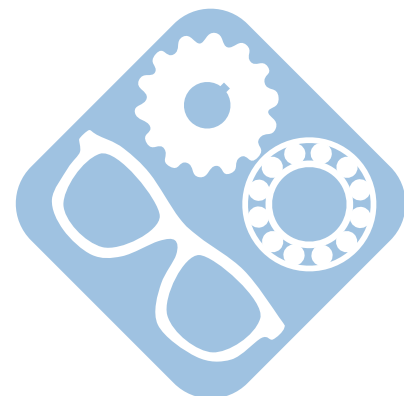
#### Données techniques

Réducteur planétaire	taille droite
Arbre de sortie	acier inoxydable
Palier de sortie	roulements à billes préchargés
Jeu radial à 12 mm du flasque	max. 0.06 mm
Jeu axial sous charge axiale < 5 N	0 mm
> 5 N	max. 0.3 mm
Charge axiale max.	150 N
Force de chassage max.	300 N
Sens de rotation entrée/sortie	=
Vitesse d'entrée permanente max.	8000 tr/min
Plage de température conseillée	-40...+100°C
Nombre d'étages	1 2 3 4
Charge radiale max. à 12 mm du flasque	120 N 240 N 360 N 360 N

gear

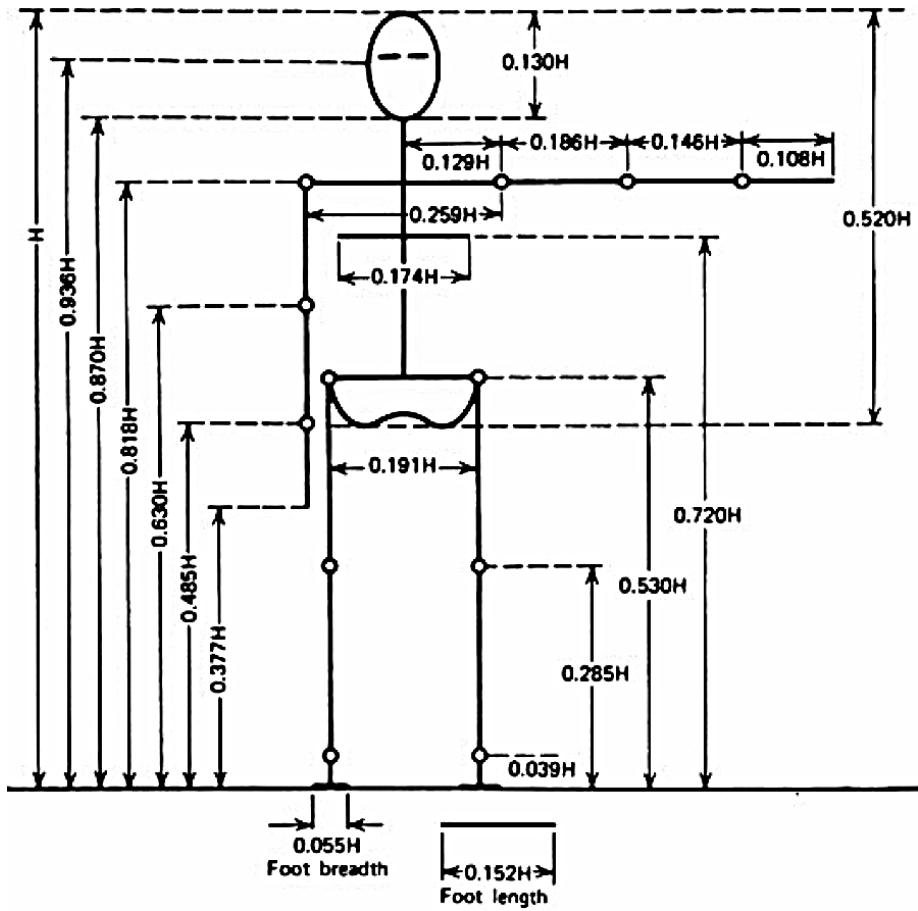
	Numéros d'article									
	203113	203115	203119	203120	203124	203129	203128	203133	203137	203141
<b>Données sur les réducteurs</b>										
1 Rapport de réduction	3.5:1	12:1	26:1	43:1	81:1	156:1	150:1	285:1	441:1	756:1
2 Rapport de réduction exact	7/2	49/4	26	343/6	2197/27	156	2401/16	15379/54	441	756
10 Moment d'inertie gcm <sup>2</sup>	14	15	9.1	15	9.4	9.1	15	15	14	14
3 Diamètre max. de l'arbre du moteur mm	10	10	8	10	8	8	10	10	10	10
<b>Numéros d'article</b>										
1 Rapport de réduction	4.3:1	15:1	36:1	53:1	91:1	216:1	186:1	319:1	488:1	936:1
2 Rapport de réduction exact	13/3	91/6	39/1	637/12	91	216/1	4459/24	637/2	4384/9	936
10 Moment d'inertie gcm <sup>2</sup>	9.1	15	5.0	15	15	5.0	15	15	9.4	9.1
3 Diamètre max. de l'arbre du moteur mm	8	10	4	10	10	4	10	10	8	8
<b>Numéros d'article</b>										
1 Rapport de réduction	6:1	19:1	66:1	113:1		230:1	353:1	546:1	1296:1	
2 Rapport de réduction exact	9/1	189/9	1183/18	339/3		8281/36	28561/61	546	1296/1	
10 Moment d'inertie gcm <sup>2</sup>	4.9	9.4	15	9.4		15	9.4	14	5.0	
3 Diamètre max. de l'arbre du moteur mm	4	8	10	8		10	8	10	4	
<b>Numéros d'article</b>										
1 Rapport de réduction		21:1	74:1	126:1		257:1	394:1	676:1		
2 Rapport de réduction exact		21	147/2	126		1029/4	1189/3	676		
10 Moment d'inertie gcm <sup>2</sup>		14	15	14		15	15	9.1		
3 Diamètre max. de l'arbre du moteur mm		10	10	10		10	10	8		
4 Nombre d'étages	1	2	2	3	3	3	4	4	4	4
5 Couple permanent max. Nm	3.0	7.5	7.5	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
6 Couple intermittent max. admissible Nm	4.5	11.3	11.3	22.5	22.5	22.5	22.5	22.5	22.5	22.5
7 Rendement max. %	90	81	81	72	72	72	64	64	64	64
8 Poids g	260	360	360	460	460	460	560	560	560	560
9 Jeu moyen à vide °	0.6	0.8	0.8	1.0	1.0	1.0	1.0	1.0	1.0	1.0
11 Longueur du réducteur L1** mm	41.0	55.5	55.5	70.0	70.0	70.0	84.5	84.5	84.5	84.5

\*pas de combinaison avec Moteur EC 45 (150/250 W) et EC-140  
\*\*pour EC 45 flat est L1 -3.6 mm

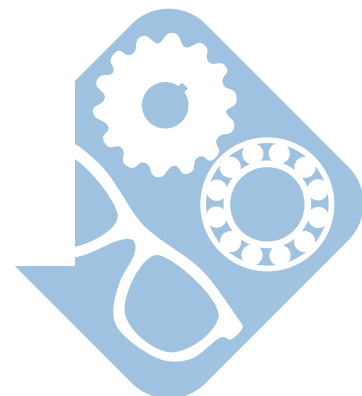
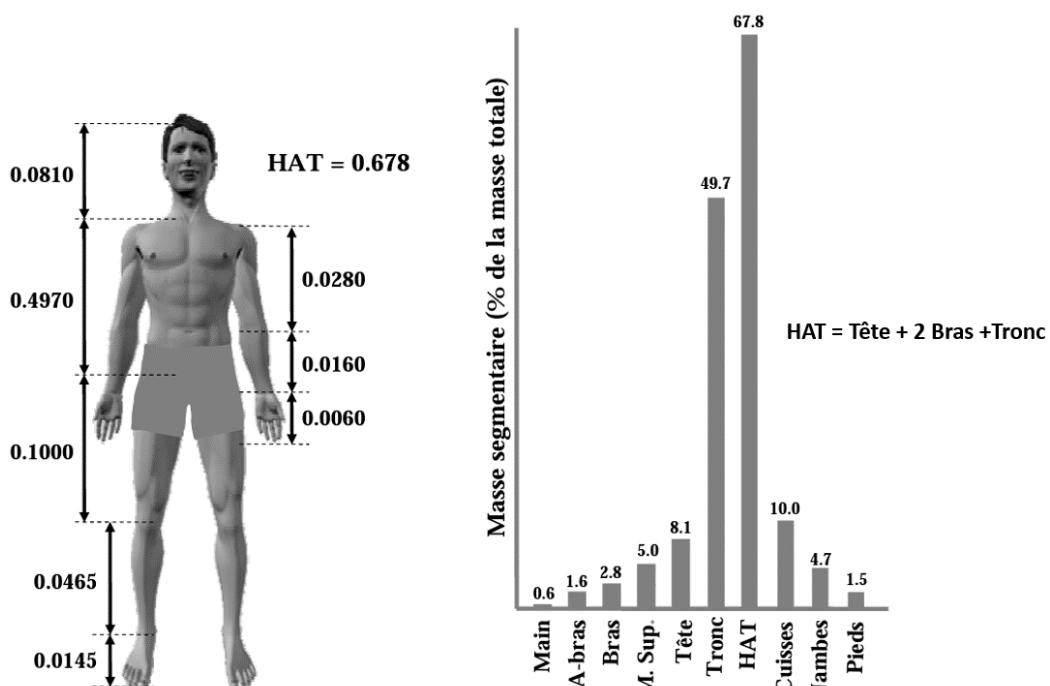


## ANNEXE 5

### Longueurs segmentaires normalisées



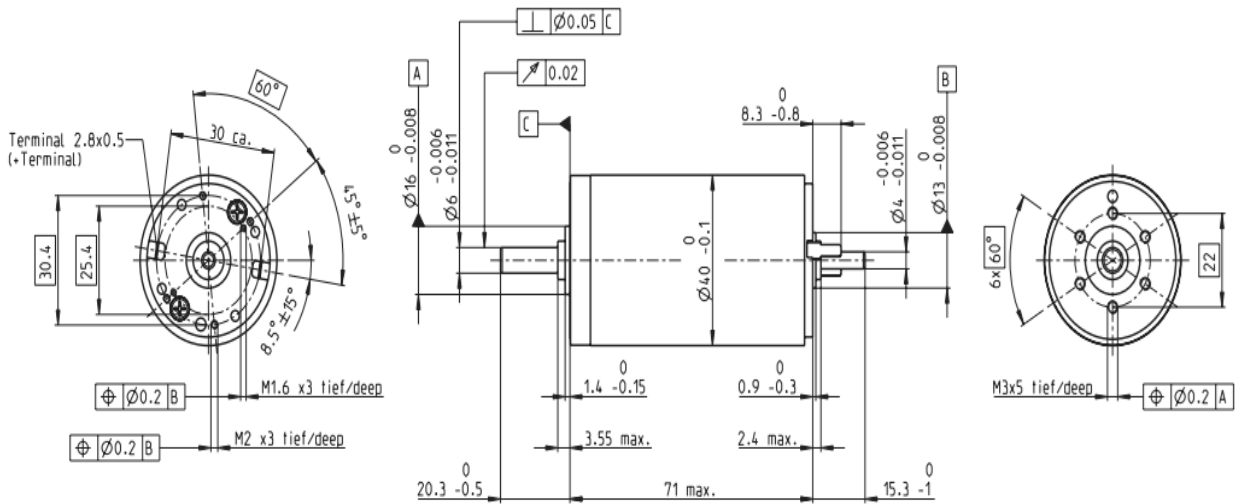
### Masses segmentaires normalisées



# ANNEXE 10

## Documentation technique MAXON

### RE 40 Ø40 mm, Graphite Brushes, 150 Watt



M 1:2

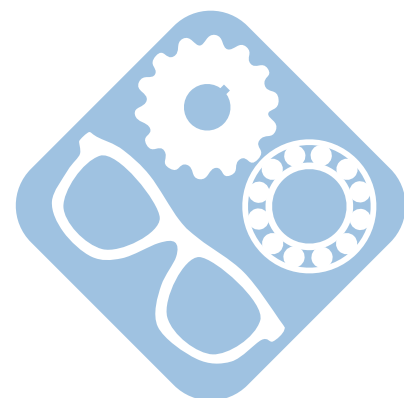
- Stock program
- Standard program
- Special program (on request)

#### Article Numbers

148866 148867 148877 218008 218009 218010 218011 218012 218013 218014

Motor Data		148866	148867	148877	218008	218009	218010	218011	218012	218013	218014
<b>Values at nominal voltage</b>											
1	Nominal voltage	V	12	24	48	48	48	48	48	48	48
2	No load speed	rpm	6920	7580	7590	6420	5560	3330	2690	2130	1420
3	No load current	mA	241	137	68.6	53.6	43.7	21.9	16.6	12.5	9.66
4	Nominal speed	rpm	6380	6940	7000	5810	4930	2710	2060	1510	1080
5	Nominal torque (max. continuous torque)	mNm	94.9	177	187	186	180	189	190	192	190
6	Nominal current (max. continuous current)	A	6	6	3.17	2.66	2.23	1.4	1.13	0.909	0.73
7	Stall torque	mNm	1720	2420	2560	2040	1620	1020	814	655	523
8	Starting current	A	105	80.2	42.4	28.6	19.7	7.43	4.79	3.06	1.97
9	Max. efficiency	%	87	91	92	91	91	89	89	88	87
<b>Characteristics</b>											
10	Terminal resistance	Ω	0.115	0.299	1.13	1.68	2.44	6.46	10	15.7	24.4
11	Terminal inductance	mH	0.0245	0.0823	0.329	0.46	0.612	1.7	2.62	4.14	6.4
12	Torque constant	mNm/A	16.4	30.2	60.3	71.3	82.2	137	170	214	266
13	Speed constant	rpm/V	581	317	158	134	116	69.7	56.2	44.7	35.9
14	Speed / torque gradient	rpm/mNm	4.05	3.14	2.97	3.16	3.45	3.29	3.31	3.27	3.29
15	Mechanical time constant	ms	5.89	4.67	4.28	4.2	4.19	4.16	4.15	4.15	4.16
16	Rotor inertia	gcm <sup>2</sup>	139	142	137	127	116	121	120	121	118

FIN







**Question 5 :**

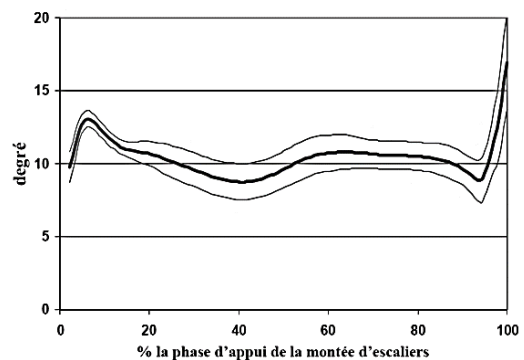
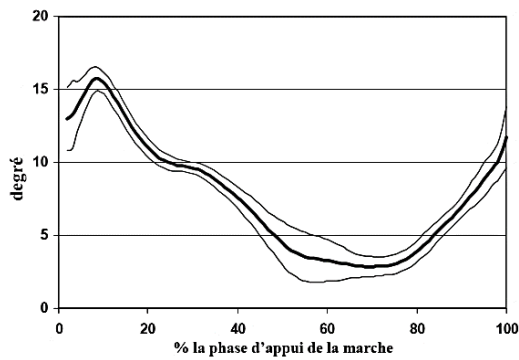
--

**Question 6 :**

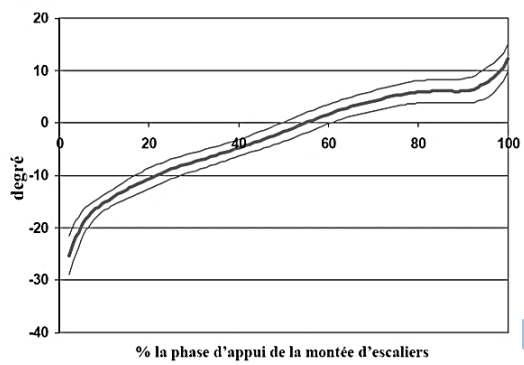
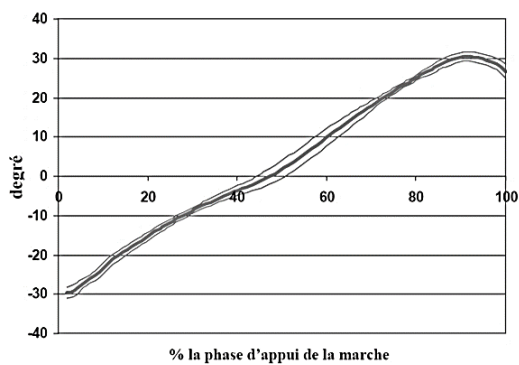
--

**Question 7 :**

**Angle dans le plan frontal**



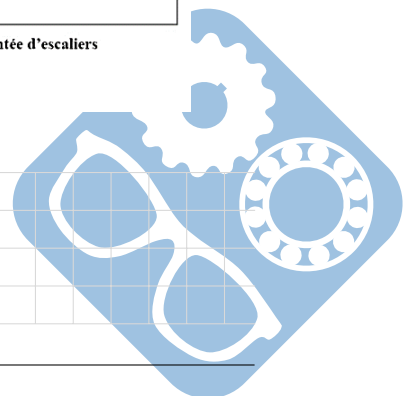
**Angle dans le plan sagittal**



(a)

(b)

--





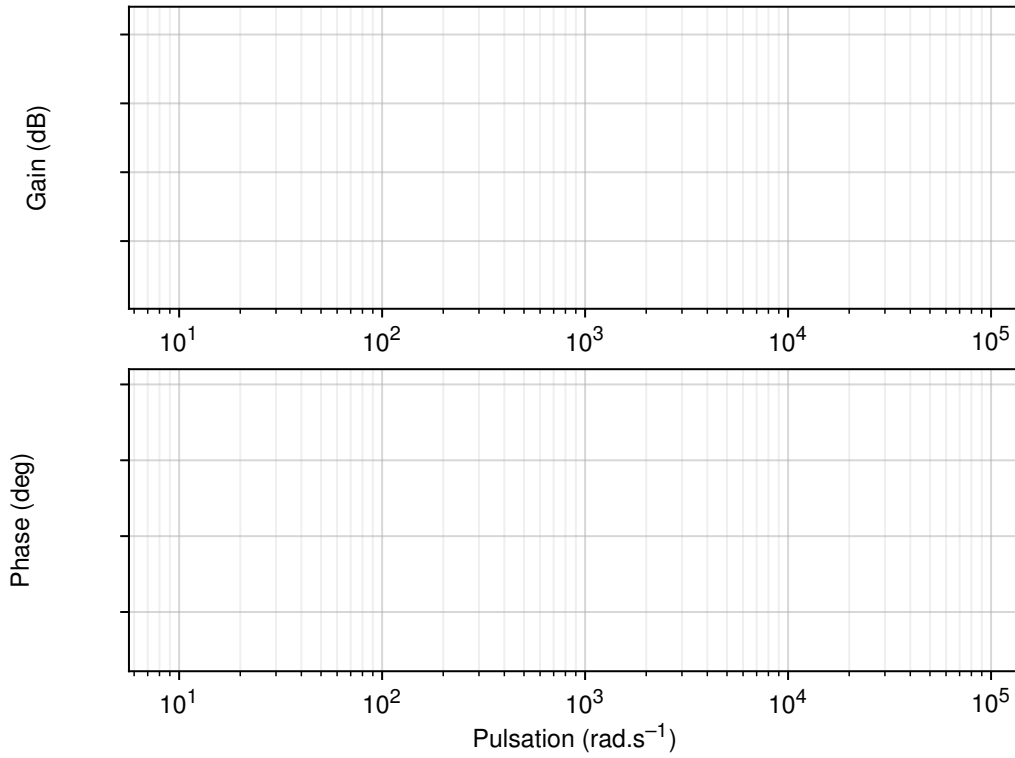






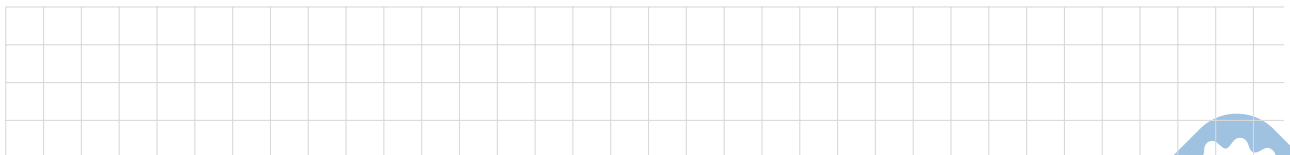


**Question 29 :**



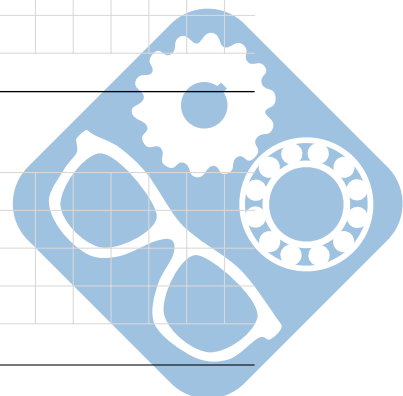
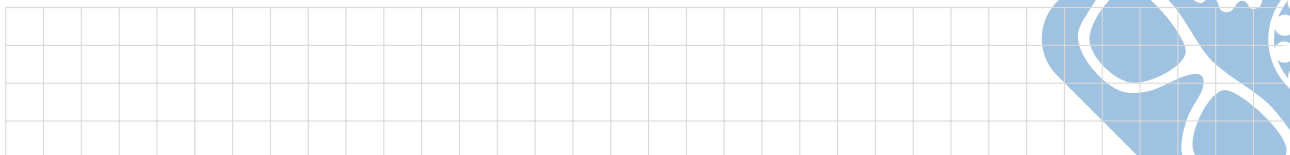
---

**Question 30 :**



---

**Question 31 :**





**Question 32 :**

