

ANÁLISIS NUMÉRICO I — Examen Final – Laboratorio

19 de diciembre de 2016

Nombre	Carrera

1. Una variable aleatoria X tiene distribución normal con esperanza $\mu = 0$ y varianza $\sigma = 1$. La función de densidad es entonces

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(\frac{-x^2}{2}\right)$$

Estimar $y \in \mathbb{R}$ tal que la probabilidad de que la variable aleatoria tome valores entre $-y$ e y sea $1/2$, es decir

$$P[-y \leq X \leq y] = \int_{-y}^y f(x)dx = \frac{1}{2}.$$

Utilizar la regla compuesta del trapecio para calcular las integrales utilizando subintervalos de longitud a lo sumo 0.01 y el método de bisección.

Para alumnos libres:

2. Considerar el siguiente conjunto de datos:

$$x = [-1, -0.75, -0.51, -0.27, -0.03, 0.21, 0.45, 0.7, 0.94, 1];$$

$$y = [0.02, 0.13, 0.64, 1.2, 1.3, 1.26, 1.02, 0.49, 0.19, 0.08];$$

- (a) Evaluar el polinomio de Lagrange que interpola los datos en 100 puntos equidistantes en el intervalo $[-1, 1]$.
- (b) Obtener el polinomio de grado 2 que mejor ajusta los datos en el sentido de mínimos cuadrados.
- (c) En una misma figura, graficar los datos (identificados con puntos), el polinomio interpolante y el polinomio de ajuste en el intervalo $[-1, 1]$.

Corrección: ○○○○○○○○○○

1	2	Nota (0-10)