

1. V o F. Justifique.

(a)  $f : D_f \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m} \rightarrow \omega$  es  $\Sigma$ -computable sii hay  $\mathcal{P} \in Pro^\Sigma$  tal que  $f = \Psi_{N1 \leftarrow N1+1\mathcal{P}}^{n,m,\omega}$ .

(b) Dado  $\mathcal{P} \in Pro^\Sigma$  se tiene que  $\Psi_{\mathcal{P}}^{1,0,\omega} \circ \lambda x[(x)_1] = \lambda x[(x)_1] \circ E_{\#} \circ (M(P), p_1^{1,0}, C_{\varepsilon}^{1,0}, C_{\mathcal{P}}^{1,0})$ , donde  $P = \lambda tx[i(t, x, \varepsilon, \mathcal{P}) = n(\mathcal{P}) + 1]$ .

(c) El dominio de la función  $\Phi_*^{3,3}$  es rectangular.

(d) Sea  $P : D_P \subseteq \omega \times \omega \rightarrow \omega$  un predicado  $\Sigma$ -PR. Entonces  $Dom(M(P))$  es  $\Sigma$ -r.e..

2. Dar un programa  $\mathcal{Q} \in Pro^{\Sigma_p}$  tal que  $Dom(\Psi_{\mathcal{Q}}^{1,0,\Sigma_p^*}) = \omega$  e  $Im(\Psi_{\mathcal{Q}}^{1,0,\Sigma_p^*})$  sea el conjunto

$$\{\mathcal{P} \in Pro^{\Sigma_p} : \text{hay } n \in \omega \text{ tal que } \Psi_{\mathcal{P}}^{1,1,\omega}(n, \mathcal{P}) = 1\}.$$

3. Sea  $\Sigma = \{\#, @\}$  y sean  $S_1, S_2 \subseteq \omega$  tales que  $S_1 \cap S_2 = \emptyset$ . Sean  $f_1 : S_1 \rightarrow \Sigma^*$  y  $f_2 : S_2 \rightarrow \Sigma^*$  funciones  $\Sigma$ -computables. Hacer un programa que compute la función  $f_1 \cup f_2$ .

Para cada macro usado en (2) y (3) dar el predicado o la función asociada dependiendo si es un macro de tipo IF o de asignación.