

1. V o F. Justifique.

- (a) Para cada \mathcal{P} hay $m, n \in \omega$ tal que si $\text{dom } \Psi_{\mathcal{P}}^{n,m,\omega} = \omega^n \times \Sigma^{*m}$, entonces \mathcal{P} se detiene partiendo desde cualquier estado.
- (b) Si $S \subseteq \omega$ es Σ -r.e. y $f : \omega \rightarrow \Sigma^*$ es Σ -computable, entonces $f(S)$ es Σ -r.e..
- (c) $f : D_f \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m} \rightarrow \omega$ es Σ -computable sii hay $\mathcal{P} \in \text{Pro}^{\Sigma}$ tal que $f = \Psi_{N1 \leftarrow N1 \dot{-} 1 \mathcal{P}}^{n,m,\omega}$.

2. Dar un programa $\mathcal{Q} \in \text{Pro}^{\Sigma_p}$ tal que $\text{Dom}(\Psi_{\mathcal{Q}}^{1,0,\Sigma_p^*}) = \omega$ e $\text{Im}(\Psi_{\mathcal{Q}}^{1,0,\Sigma_p^*})$ sea el conjunto

$$\{\mathcal{P} \in \text{Pro}^{\Sigma_p} \mid \text{hay } \alpha \in \Sigma_p^* \text{ tal que } \Psi_{\mathcal{P}}^{1,1,\omega}(0, \alpha) = 0\}.$$

3. Si $f : \omega \rightarrow \{\$, !\}^*$ es $\{\$, !\}$ -r, entonces $T = \{\alpha \in \{\$, !\}^* \mid f(|\alpha|) = \alpha\}$ también es $\{\$, !\}$ -r.e.

Para cada macro usado en (2) y/o (3) dar el predicado o la funcion asociada dependiendo si es un macro de tipo IF o de asignacion.