

1. V o F, justifique.

- (a) Si  $\mathbf{L}$  es un reticulado distributivo, entonces  $x \prec x \text{ s } y$  o  $y \prec x \text{ s } y$ , cualesquiera sean  $x, y \in L$
- (b) Si  $\psi_1, \psi_2, \psi_3, \varphi_1, \varphi_2 \in F^\tau$ , entonces  $\psi_1\psi_2\psi_3 \neq \varphi_1\varphi_2$
- (c) Sea  $\tau = (\{\text{ce, un, do, tr, cu, ci, se}\}, \{\mathbf{F}^1\}, \emptyset, a)$  y sea  $\mathbf{A}$  una estructura de tipo  $\tau$ . Entonces  $D_{\mathbf{FA}} = \{\text{ce, un, do, tr, cu, ci, se}\}$
- (d) Sea  $\tau = (\{\text{un, dos}\}, \emptyset, \emptyset, \emptyset)$ . Entonces  $(\{\text{un, dos}\}, \{(\text{un, un}), (\text{dos, dos})\})$  es una estructura de tipo  $\tau$
- (e) Si  $(\Sigma, \tau) \vdash \varphi$ , entonces hay un modelo de la teoria  $(\Sigma, \tau)$  en el cual  $\varphi$  es verdadera.
- (f) Sea  $\varphi =_d \varphi(x_1) \in F^\tau$ . Entonces  $\forall x_1 \forall x_2 (\varphi(x_1) \wedge (x_1 \equiv x_2)) \rightarrow \varphi(x_2)$  es universalmente válida.
- (g) Sea  $T$  una teoria. Entonces en  $\mathcal{A}_T$  se tiene que  $[\varphi] < [\psi]$  si y solo si  $T \vdash (\varphi \rightarrow \psi)$  y  $T \vdash \neg(\psi \rightarrow \varphi)$

2. Sea  $\tau = (\{\text{uno}\}, \{\mathbf{F}^1\}, \{\text{Mix}^3\}, a)$ . Encontrar una formula en forma normal prenexa la cual sea equivalente a la formula

$$(\forall x_4 \text{Mix}(x_4, x_2, \text{uno}) \rightarrow (\exists x_3 (\mathbf{F}(x_3) \equiv x_4) \wedge \neg \exists x_4 \text{Mix}(x_3, x_6, x_4)))$$

Enuncie los lemas que utilice para justificar que la formula obtenida es equivalente a la dada.

3. Sea  $t \in T^\tau$  y sea  $t'$  el resultado de reemplazar toda ocurrencia de  $x_i$  en  $t$  por  $x_l$ , la cual no ocurre en  $t$ . Entonces para cualquier estructura  $\mathbf{A}$ , cualquier asignacion  $\vec{a} \in \mathbf{A}^{\mathbf{N}}$  y cualquier  $a \in A$ , se tiene  $t'^{\mathbf{A}}[\downarrow_l^a(\vec{a})] = t^{\mathbf{A}}[\downarrow_i^a(\vec{a})]$

4. De pruebas formales que atestiguen que

$$\text{Ret} \vdash \forall x \forall u \forall v (u \leq v \rightarrow x \text{ i } u \leq x \text{ i } v)$$

$$\text{Ret} \vdash \forall x \forall y \forall z (y \leq z \rightarrow x \text{ i } (y \text{ s } z) \equiv (x \text{ i } y) \text{ s } (x \text{ i } z))$$